



Выход 18:02 - 16:03  
Целищ

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 5

Место проведения Москва  
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников "Робобрест"  
наименование олимпиады

по физике  
профиль олимпиады

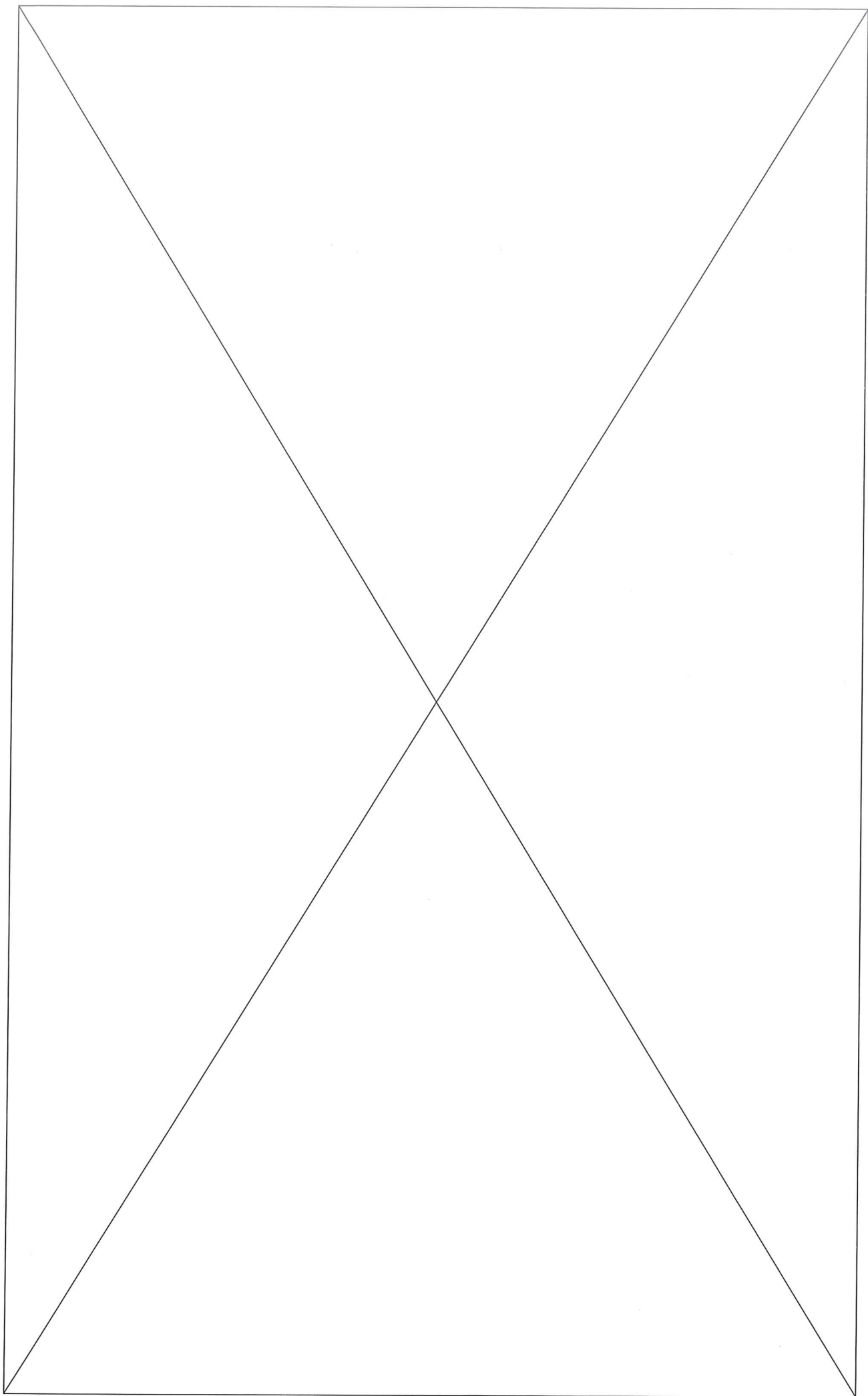
Шкуркина Константина Владимировича  
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

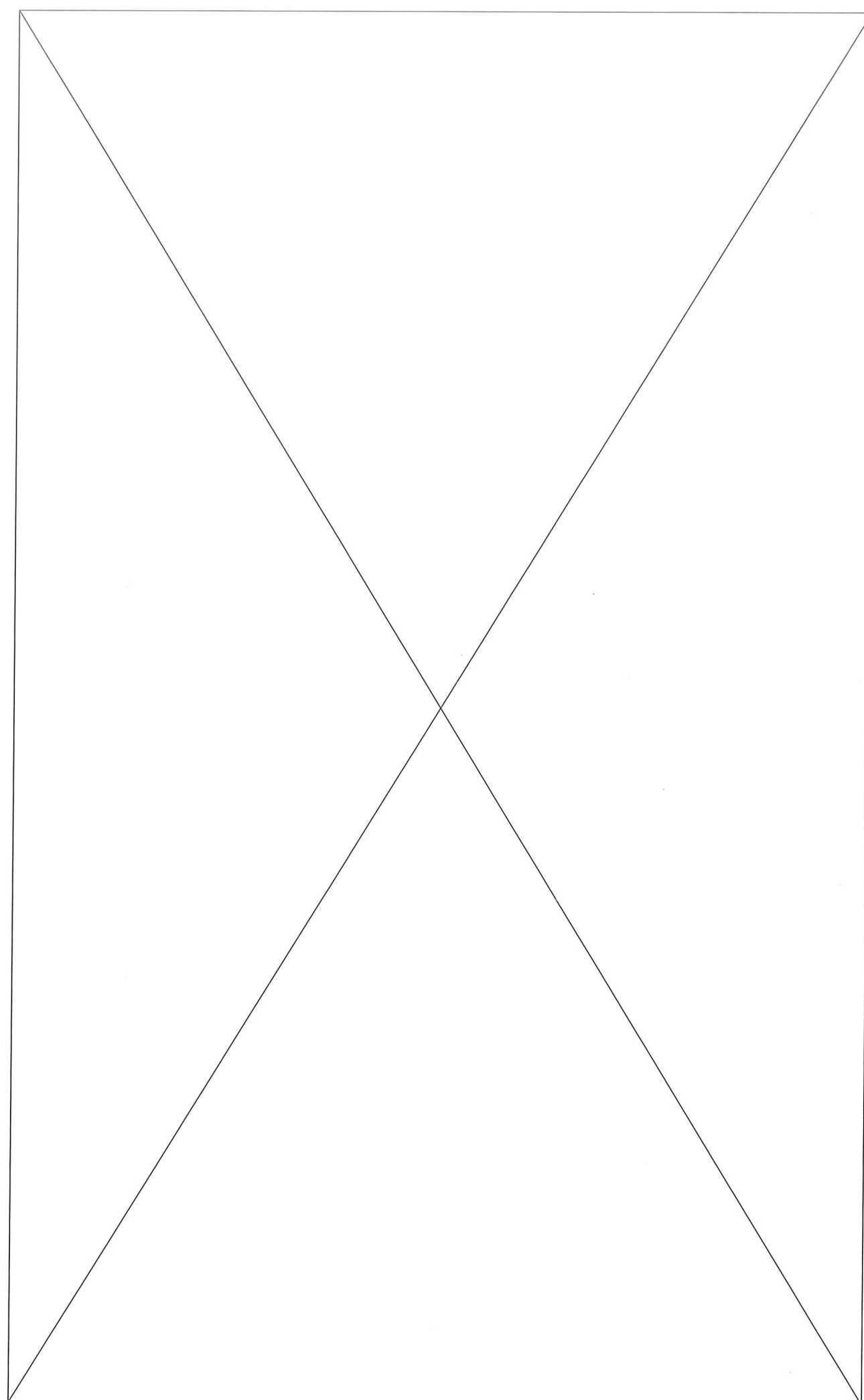
« 4 » апреля 2026 года

Подпись участника

Шкуркина



Выполнять задания на титульном листе запрещается!



Выполнять задания на титульном листе запрещается!

Черновик  
 $P_n = \frac{\epsilon g z}{k} m - \frac{R g^2 z^2}{k} m^2$

Пусть  $\frac{z}{k} = A$

$P_n = \epsilon g A m - R g^2 A^2 m^2$

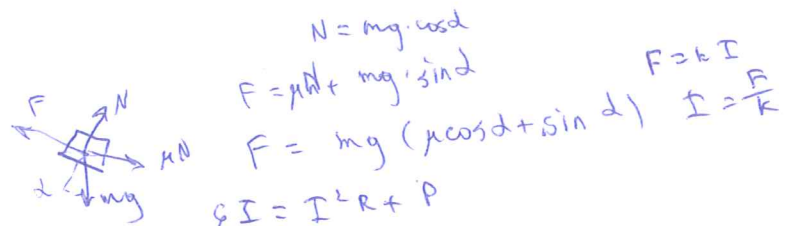
$400 - 5 = 20000$

$P_n = 2000 A m - 400 A^2 m^2$

$P_n = -400 (A^2 m^2) + 2000 A m$

$P_n = -400 A m (-A m + 5)$   
 $400 A m (5 - A m)$

$P_n = 2000 A m - 400 (A m)^2$



$\epsilon I = I^2 R + P$

$\frac{\epsilon F}{k} = \frac{F^2}{k^2} R + P$

$P = \frac{\epsilon F}{k} - \frac{F^2}{k^2} R$

$F = mg \cdot z$

$\epsilon F = I^2 R + P$

$P = \epsilon F - I^2 R$

$P = \frac{\epsilon F}{k} - \frac{R F^2}{k^2}$

$R = \frac{\epsilon}{k} mg z - \frac{R}{k^2} m^2 g^2 z^2$

$R = \epsilon \frac{g z}{k} m - R \frac{g^2 z^2}{k} m^2$

$R = A \epsilon m - R A^2 m$

Пусть  $\frac{g z m}{k} = f$

$\frac{g z m}{k} = \frac{f}{1}$

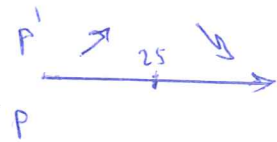
$P = \epsilon f - R f^2$

$P = 200 f - 4 f^2$

$P = -4 f^2 + 200 f$

$P' = -8 f + 200$

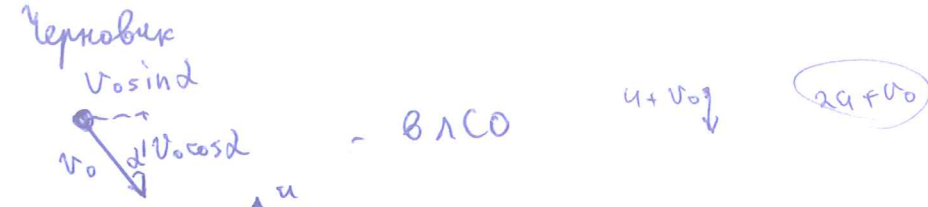
$200 = 8 f \quad f = \frac{200}{8} = 25$



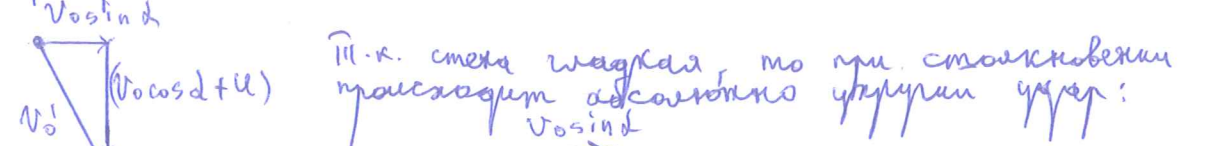
$P = \epsilon f - R f^2 \quad P = -4 f^2 + 200 f$

$P = -R f^2 + \epsilon f \quad 0 \quad R f = \frac{\epsilon}{f} = 50$

32-14-58-63 (151.4)

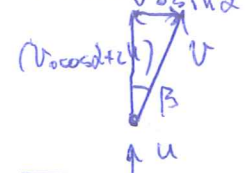


Перейдя в СО мы имеем:

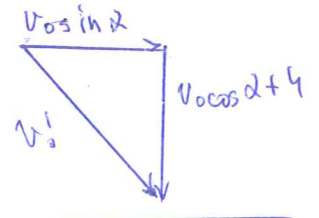
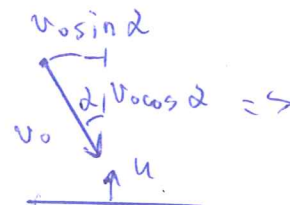
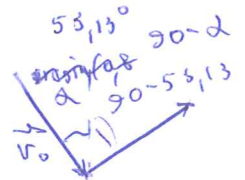


Получив вернуться в ИСО:

$V_{ИСО} = V_{ИСО \text{ отн. ИСО}} + V_{стержень \text{ отн. ИСО}}$   
 $V_{стержень \text{ отн. ИСО}} = V_{ИСО \text{ отн. ИСО}} + V_{стержень \text{ отн. ИСО}}$

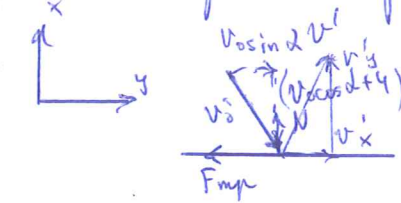


$\tan \beta = \frac{V_0 \sin \alpha}{V_0 \cos \alpha + u} = \frac{V_0 \sin 40}{V_0 \cos 40 + V_0} = \frac{V_0 \sin 40}{V_0 (1 + \cos 40)}$   
 $= \frac{\sin 40}{1 + \cos 40} \Rightarrow \beta = \arctan \frac{\sin 40}{1 + \cos 40} = 20^\circ$



Пусть  $\Delta t$  - "очень малое" время удара, т.к. удар происходит очень быстро, но шарик находится в момент соударения точно горизонтально.

Запишем закон сохранения импульса на  $Ox$  и  $Oy$ .



$m v_y - (-V_0 \cos \alpha) = N \Delta t$   
 $m v_y + m V_0 \cos \alpha + u = N \Delta t$   
 $V_0 \cos \alpha + u$

$m (V_0 \cos \alpha + u) + m (V_0 \cos \alpha + u) = N \Delta t$

$2m (V_0 \cos \alpha + u) = N \Delta t \Rightarrow 2(V_0 \cos \alpha + u) = \frac{N \Delta t}{m}$

$m v_x - m (V_0 \sin \alpha) = -|F_{\text{упр}}| \Delta t$

$m v_x - m V_0 \sin \alpha = -\frac{m}{m} |F_{\text{упр}}| \Delta t$

$v_x = V_0 \sin \alpha - \frac{|F_{\text{упр}}| \Delta t}{m}$

Возможно 2 случая

оценка за теор. тур: 57  
 Итоговая оценка: 87  
 (Восемьдесят семь)

Черновик

$$2(V_0 \cos \alpha + U) = \frac{NA \epsilon}{m}$$

$$V_x = V_0 \sin \alpha - \frac{|F_{mp}| \Delta t}{m}$$

$$u = \frac{V_0}{5}$$

$$\frac{1}{5} V_0$$

1)  $\Delta t = A t'$ , при  $V_x > 0$

$$V_x = V_0 \sin \alpha - \frac{|F_{mp}| \Delta t}{m}$$

$$|F_{mp}| = \mu N$$

$$V_x = V_0 \sin \alpha - \mu \frac{NA \epsilon}{m}$$

$$2\mu(V_0 \cos \alpha + \frac{V_0}{5})$$

$$2\mu V_0 (\cos \alpha + \frac{1}{5})$$

$$V_x = V_0 \sin \alpha - 2\mu(V_0 \cos \alpha + \frac{V_0}{5}) = V_0 \sin \alpha - 2\mu V_0 (\cos \alpha + \frac{1}{5}) =$$

$$= V_0 (\sin \alpha - 2\mu (\cos \alpha + \frac{1}{5})) = V_0 (\sin \alpha - 2\mu \cos \alpha - \frac{2}{5} \mu)$$

$$\sin \alpha > 2\mu \cos \alpha + \frac{2}{5} \mu$$

$$\sin \alpha > \mu (2 \cos \alpha + \frac{2}{5})$$

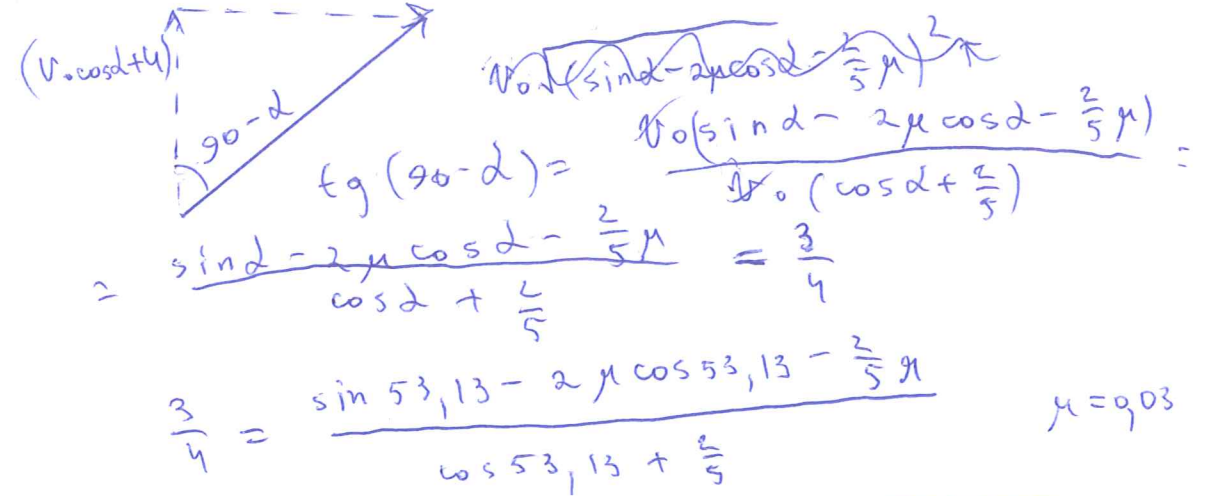
$$\mu (2 \cos \alpha + \frac{2}{5}) < \sin \alpha$$

$$\mu \text{ free } < \frac{\sin \alpha}{2 \cos \alpha + \frac{2}{5}}$$

$$V_0 \cos \alpha + 2u = V_0 (\cos \alpha + \frac{2}{5})$$

$$V_x = V_0 (\sin \alpha - 2\mu \cos \alpha - \frac{2}{5} \mu)$$

$$V_x = \begin{cases} V_0 (\sin \alpha - 2\mu \cos \alpha - \frac{2}{5} \mu), & \mu < \frac{\sin \alpha}{2 \cos \alpha + \frac{2}{5}} \\ 0, & \mu \geq \frac{\sin \alpha}{2 \cos \alpha + \frac{2}{5}} \end{cases}$$



$$\mu = 0,03$$

Черновик

$$P = u(t) \cdot i(t)$$

$$\omega t - \omega t + \varphi$$

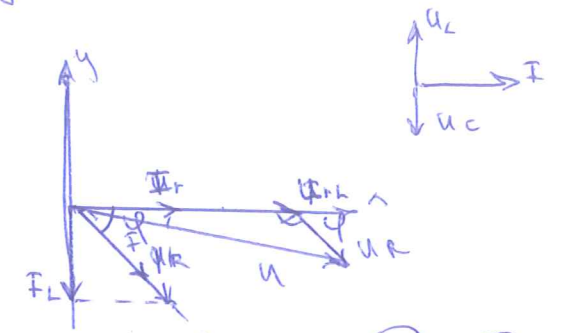
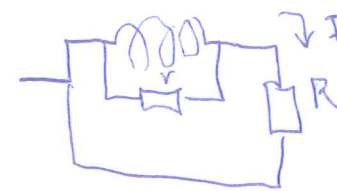
$$u(t) = U_m \cos(\omega t + \varphi)$$

$$i(t) = I_m \cos(\omega t - \varphi)$$

$$P = u(t) \cdot i(t) = U_m \cdot I_m \cos(\omega t) \cdot \cos(\omega t - \varphi)$$

$$\cos(\omega t) \cdot \cos(\omega t - \varphi) = \frac{1}{2} (\cos(2\omega t - \varphi) + \cos \varphi) =$$

$$P(t) = \frac{U_m I_m}{2} (\cos(2\omega t - \varphi) + \cos \varphi)$$



$$48,6^\circ$$

$$U_R = I R$$

$$U_L = I \omega L$$

$$U^2 = U_R^2 + U_L^2 - 2 U_R U_L \cos \varphi$$

$$2 U_R U_L \cos \varphi = U_R^2 + U_L^2 - U^2$$

$$\cos \varphi = \frac{U_R^2 + U_L^2 - U^2}{2 U_R U_L} = -\frac{7}{32}$$

$$U^2 = I^2 R^2 + U_{rL}^2 - 2 I R U_{rL} \cos \varphi$$

$$I^2 R^2 = U^2 - U_{rL}^2 + 2 I R U_{rL} \cos \varphi$$

$$I^2 R^2 + U_{rL}^2 - U^2 - 2 I R U_{rL} \cos \varphi = 0$$

$$441 I^2 + 25600 - 48400 - 1470 I$$

$$t = (t - R t)$$

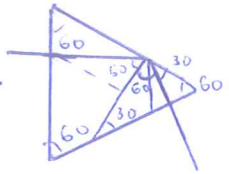
$$t = 0$$

$$t = R t$$

$$t = \frac{\epsilon}{R}$$

Черновик

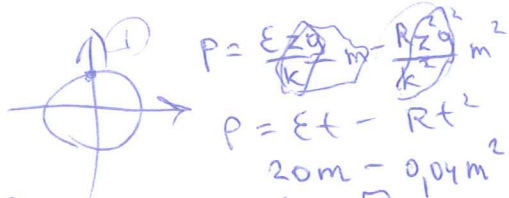
условие ПВО  $\geq \alpha_{ПВО} = \arcsin \frac{1}{n} = 45,6^\circ$



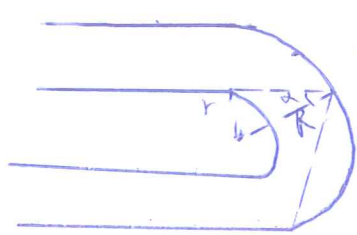
$\epsilon$   
или  $\frac{16}{7} \approx 2,3$

$P = \frac{\epsilon}{k} F - \frac{R}{k^2} F^2$

$400 \sim 400$   
 $n(\lambda) = \frac{1600}{400}$



$P = \frac{\epsilon I^2 R}{20} - \frac{R I^2}{20}$   
 $P = \epsilon I^2 - I^2 R$   
 $20m = 0,04m^2$



$\alpha = \arcsin \frac{r}{R} = 30^\circ$

$\alpha \geq \alpha_{ПВО}$

$\alpha_{ПВО} = \arcsin \frac{1}{n} = \arcsin \frac{1}{1,5} = \arcsin \frac{2}{3}$

$= \arcsin \frac{\lambda}{1000} \quad \lambda = 500$

345

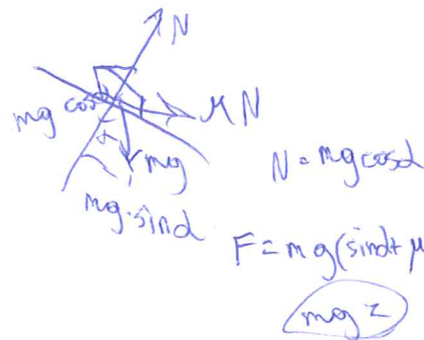
$-0,04m^2 + 20m$   
 $-0,08m^2 + 20$   
501 30,06

500-400  
201  
400-499 = 100

500

499

$20 = 0,08m$   
33,364°



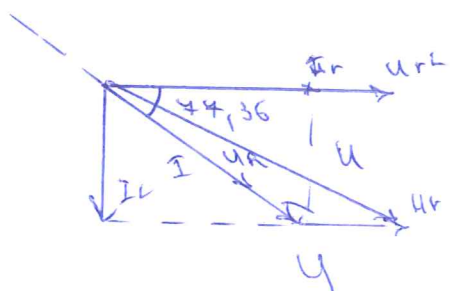
$\frac{s}{t}$

$1 \cdot \frac{1}{3} + 0,8 \cdot \frac{2}{3}$

77,36°

- 31,668°
- 33,364
- 35,099
- 36,869
- 38,682
- 40,591
- 42,454
- 44,424

- 0,05
- 0,1
- 0,15
- 0,2



$I = \frac{U_R}{R} = \frac{40}{4} A$

$160 \cdot \frac{40}{4} \cdot \cos 77,36$

32-14-58-63 (151,4)

Черновик

Задача 1. Вопрос

Дано:

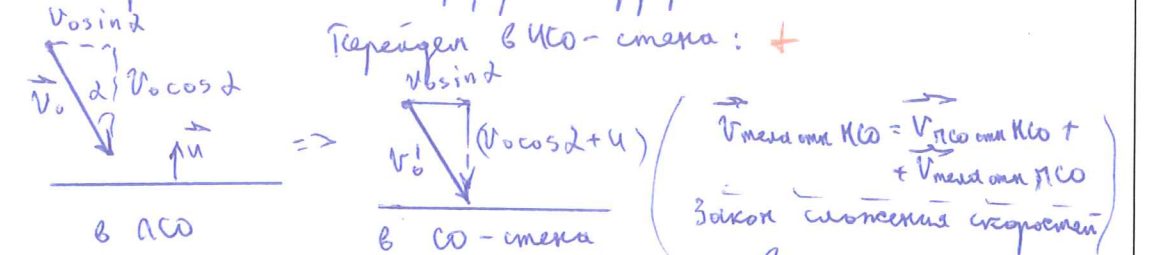
Решение:

$v_0$   
 $\alpha = 40^\circ$   
 $u = \frac{v_0}{2}$

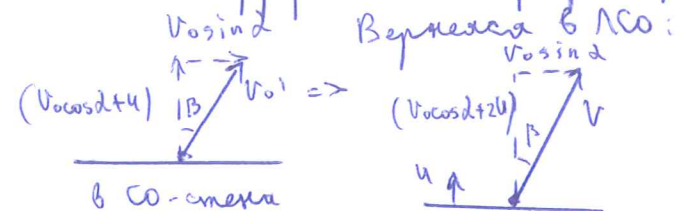


$\beta = ?$

т.к. стена накроя, то при столкновении происходит абсолютно упругий удар



После соударения ситуация примет вид:



$\text{tg } \beta = \frac{v_0 \sin \alpha}{v_0 \cos \alpha + 2u} = \frac{v_0 \sin \alpha}{v_0 (\cos \alpha + 1)} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha + 1} = \frac{\sin 40}{\cos 40 + 1}$

$\beta = \arctg \frac{\sin 40}{\cos 40 + 1} = 20^\circ$

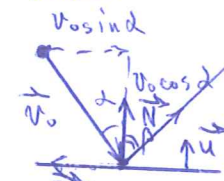
Ответ: 20°

Задача n1

Дано:

Решение:

$\alpha = 53,13^\circ$   
 $u = \frac{v_0}{5}$



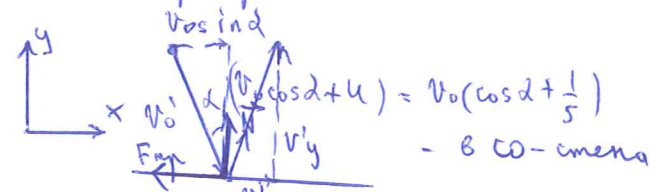
$\beta = 90 - \alpha = 90 - 53,13 = 36,87^\circ$

$\alpha + \beta = 90^\circ$

$m = ?$

$m_0 = ?$

Перейдем в КСО-система по z-му компоненту скорости:



Пусть  $\Delta t$  - "очень малое" время удара, т.к. столкновение произошло очень быстро, но кинематически, учитывая жесткость тела в момент соударения, можно пренебречь

Запишем z-к компоненту импульса по OX и OY.

$Oy: m v'_y - m (v_0 \cos \alpha + \frac{1}{5} v_0) = N \Delta t$   
 $Ox: m v'_x - m v_0 \sin \alpha = -|F_{mp}| \Delta t$

1/4



Чистовик

$$U_R = IR \Leftrightarrow I = \frac{U_R}{R} = \frac{120}{21} = \frac{40}{7} \text{ A}$$

$$P_{\text{уп}} = I \cdot U_{\text{н}} \cdot \cos \varphi = \frac{40}{7} \cdot 160 \cdot \frac{4}{32} = 200 \text{ Вт}$$

Ответ: 200 Вт

Задача 4.

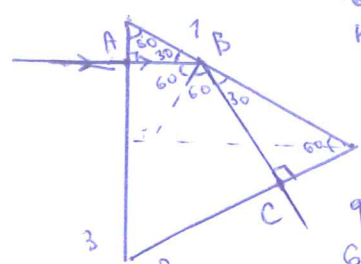
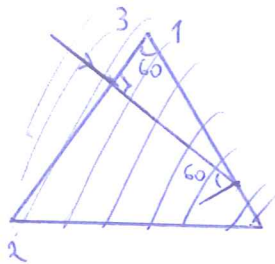
Вопрос  
n=1,4.

Решение:

$$\Delta_{\text{ПВО}} = \arcsin\left(\frac{1}{n}\right) = \approx 45,6^\circ$$

Условие полного внутреннего отражения:

$$d \geq \Delta_{\text{ПВО}} \Rightarrow d \geq 45,6^\circ$$



В точке А луч падает нормально на грань 3 и проходит к ней без преломления

Далее в т.В луч падает под углом  $\alpha = 60^\circ$ ,  $60 \geq 45,6^\circ \Rightarrow$  мы наблюдаем ПВО и луч отражается

под  $\beta = \alpha = 60^\circ$ . После этого в т.С луч падает под углом  $\alpha = 90^\circ$ , т.е. нормально к ней, вследствие чего проходит её без преломления и "вылетает" из призмы

Ответ: 2

Задача

Дано:

$$R = 2r$$

$$P = 15 \text{ Вт}$$

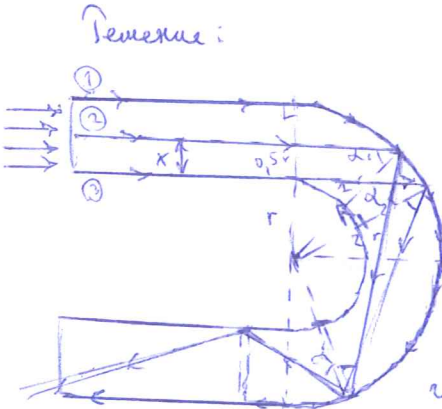
от 400 нм до 700 нм

$$n(\lambda) = \frac{a}{\lambda}$$

$$a = 1000 \text{ нм}$$

$n_{\text{ПВО}} = ?$

$P_{\text{н}} = ?$



Проанализируем ход луча, пусть 3 критических луча в трубку (см. рис.)

Получим, что максимальный угол падения  $\alpha_{\text{н}} = \alpha_{\text{крит}} = \alpha_{\text{ПВО}}$  когда луч падает на касательную к грани и равен  $\arcsin \frac{r}{2r} = 30^\circ$

Вообще глобально угол первого падения может варьироваться от  $\arcsin \frac{r}{2r}$  до  $\arcsin \frac{2r}{2r}$  или же от  $30^\circ$  до  $90^\circ$ , т.е. глобально  $\alpha_1 = \arcsin \frac{r+x}{2r}$  где  $x$  - максимальная высота луча от нижней грани трубки  
 $\alpha_1 = \arcsin \left( \frac{1}{2} + \frac{x}{2r} \right)$ ,  $x_{\text{max}} = r$ , т.е.  $\frac{x}{2r}$  варьируется от 0 до  $\frac{1}{2}$ , поэтому можем видеть его как параметр  $t$ , характеризующий процент лучей определенной грани волны, испытывающих ПВО. Например, если  $\Delta_{\text{ПВО}}$  для луча равно  $45^\circ$ , то чтобы найти % лучей, испытывающих ПВО сделаем следующее  $3/4$

32-14-58-63  
(151.4)

Чистовик

$$\Rightarrow \mu \approx \approx 0,0312 \quad +$$

Угол отражения станет равен нулю, когда  $V'_{\text{х}} = 0 \Rightarrow$

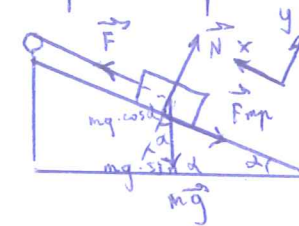
$$\Rightarrow \mu_0 \approx \frac{\sin 53,13}{2(\cos 53,13 + \frac{1}{5})} \approx \approx 0,5 \quad +$$

$$\mu_0 \geq 0,5 \quad +$$

Ответ:  $\mu \approx 0,0312$

$$\mu_0 \geq 0,5$$

Вопрос, Задача 2



$F \sim I \Rightarrow F = kI$ , где  $k$  - некоторый коэффициент

$$P_{\text{ист}} = P_{\text{мех.м}} + P_{\text{мех.кошр.}}$$

$$\epsilon I = I^2 R + P_{\text{мех.м}} \quad +$$

$$P_{\text{мех.м}} = \epsilon I - I^2 R, \quad m \cdot v \cdot I = \frac{F}{k}, \quad \text{но:}$$

$$P_{\text{мех.м}} = \frac{\epsilon}{k} F - \frac{R}{k^2} F^2$$

Запишем II зп. Кинетика для груза:

$$Ox: F = F_{\text{сп}} + mg \cdot \sin \alpha$$

$$F = \mu N + mg \sin \alpha$$

$$Oy: N = mg \cdot \cos \alpha$$

$$F = \mu mg \cos \alpha + mg \sin \alpha = \overset{z}{=} mg (\mu \cos \alpha + \sin \alpha) = mgz$$

$$P_{\text{мех.м}} = \left( \frac{\epsilon}{k} mgz - \frac{R}{k^2} m^2 g^2 z^2 \right)$$

$$P_{\text{мех.м}} = \frac{\epsilon g z}{k} \cdot mg - \frac{R g^2 z^2}{k^2} m^2$$

$$P_{\text{мех.м}} = \underbrace{\left( \frac{\epsilon g z}{k} \cdot m \right)}_A - \underbrace{\left( \frac{R g^2 z^2}{k^2} m^2 \right)}_B \quad (- \text{вынесем константы})$$

$$P_{\text{мех.м}} = Am - Bm^2$$

$P_{\text{мех.м}}(m) = -Bm^2 + Am$  - график является параболой с ветвями вниз и проходящая ч/з центр координат  $+$

$$P_{\text{н}} = \frac{\epsilon g z m}{k} - R \cdot \left( \frac{g z m}{k} \right)^2$$

Задача 2.  $\epsilon = 4$

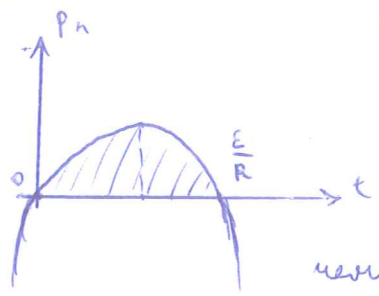
Пусть  $\frac{g z m}{k} = t$ , тогда:

$$P_{\text{н}} = \epsilon t - R t^2$$

$$P_{\text{н}} = -R t^2 + \epsilon t$$

Чистовик  
Продолжите график функции:

$$P_n = -t(Rt - \mathcal{E})$$



Корнями данной функции являются  $t=0$  и  $t = \frac{\mathcal{E}}{R} = 50$

С физической же точки зрения это означает, что лебедка перестает хватать, поскольку прокрутить груз при  $t=50$ , чему соответствует значение  $m_{max}$  условия  $m_{max} = 500 \text{ кг}$ .

$$t_{max} = \frac{g z}{k} m_{max}$$

$$\frac{g z}{k} = \frac{t_{max}}{m_{max}} = \frac{50}{500} = 0,1$$

$$P_n = \mathcal{E} \frac{g z}{k} m - R \left( \frac{g z}{k} \right)^2 m^2$$

$$P_n = 200 \cdot 0,1 m - 4 \cdot 0,1^2 m^2$$

$$P_n(m) = 20m - 0,04 m^2$$

$$P_n'(m) = -0,08m + 20$$

$$P_n'(m) = 0, \quad 20 = 0,08m$$

$$m = \frac{20}{0,08} = 250 \text{ кг}$$



$$P_n = FV$$

$$FV = -0,04 m^2 + 20m$$

$$V = \frac{-0,04 m^2}{F} + \frac{20m}{F}$$

$$V = \frac{-0,04 m^2}{mgz} + \frac{20m}{mgz}$$

$$V = -\frac{0,04m}{gz} + \frac{20}{gz}$$

$$V = -\frac{1}{gz} \cdot 0,04m + \frac{1}{gz} \cdot 20, \quad \text{Пусть } C = \frac{1}{gz}$$

$$V = -0,04m \cdot C + 20C$$

$$1,25 = -0,04 \cdot 250 \cdot C + 20C \Rightarrow C = 0,125$$

Чистовик

$$V(m) = -0,04 \cdot 0,125 m + 20 \cdot 0,125$$

$$V(m) = -\frac{1}{200} m + 2,5$$

$$V(1,2 \text{ м}) = V(1,2 \cdot 250) = V(300) = -\frac{1}{200} \cdot 300 + 2,5 = 1 \text{ м/с}$$

Ответ:

$$P_{max}(m) = -0,04 \cdot 250^2 + 20 \cdot 250 = 2500 \text{ Вт} +$$

$$\text{Ответ: } m_1 = 250 \text{ кг} +$$

$$P_{max} = 2500 \text{ Вт} +$$

$$V(1,2 \text{ м}) = 1 \text{ м/с} -$$

Задача 3

Вопрос:

Дано:

$I_m$

$U_m$

$\varphi$

$P_{cp} = ?$

Решение:

Пусть  $u(t) = U_m \cdot \cos \omega t$ , тогда  $i(t) = I_m \cos(\omega t - \varphi)$

$$P(t) = u(t) \cdot i(t)$$

$$P(t) = U_m \cdot I_m \cdot \cos \omega t \cdot \cos(\omega t - \varphi)$$

$$\cos \omega t \cdot \cos(\omega t - \varphi) = \frac{1}{2} (\cos(2\omega t - \varphi) + \cos \varphi) +$$

$$P(t) = U_m I_m \cdot \frac{1}{2} (\cos(2\omega t - \varphi) + \cos \varphi)$$

За период среднее  $\cos(2\omega t - \varphi)$  будет равно 0  $\Rightarrow$

$$\Rightarrow P_{cp} = \frac{U_m I_m}{2} \cos \varphi - \text{активная мощность в цепи переменного тока}$$

Задача.

Дано:

$$U_g = 220 \text{ В}$$

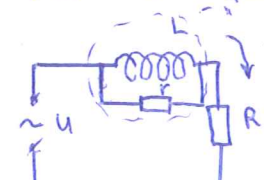
$$R = 21 \text{ Ом}$$

$$U_R = 120 \text{ В}$$

$$U_{RL} = 160 \text{ В}$$

$$P_{cp} = ?$$

Решение: "контрастная катушка"



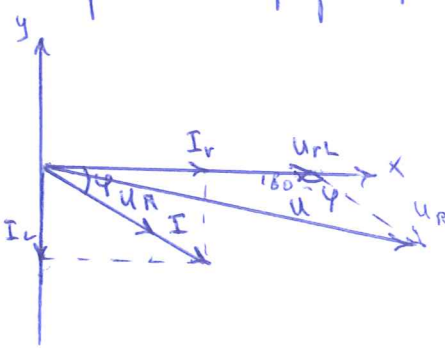
Т.к. элементы соединены последовательно, то сила тока на всех них одинакова

В условии заданы как даны действительные значения напряжений элементов:

$$P_{cp} = \frac{U_m I_m}{2} \cos \varphi = U_g I_g \cos \varphi$$

Решим задачу методом векторных диаграмм;

Представим контур контрактной катушки в виде параллельно соединенного резистора с сопротивлением R и идеальной катушки



$$P_{cp} = U_{RL} \cdot I \cdot \cos \varphi$$

но т.к.  $\cos$ :

$$U^2 = U_R^2 + U_{RL}^2 - 2U_R U_{RL} \cos(180 - \varphi)$$

$$U^2 = U_R^2 + U_{RL}^2 + 2U_R U_{RL} \cos \varphi$$

$$2U_R U_{RL} \cos \varphi = U^2 - U_R^2 - U_{RL}^2$$

$$\cos \varphi = \frac{U^2 - U_R^2 - U_{RL}^2}{2U_R U_{RL}} = \frac{4}{32}$$