



0 972441 340000
97-24-41-34
(156.3)



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 1

Место проведения Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников «Родосвет»
название олимпиады

по спутнике
профиль олимпиады

Лягутина Вероники Дмитриевны
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

Дата

«12» апреля 2025 года

Подпись участника

Лягутина

Чертёжник.



v - в-ск. квадратом., V_A - ск. авт.
и - ск. в.



спутник t_1 - авт. и ~~авто~~
бр. квадр. отм. земли:

$$\frac{\sqrt{2} \cdot v}{t_2 \sqrt{2}} = \frac{t_1}{t_2} \Rightarrow \frac{t_1}{t_2} = \sqrt{2}$$

бр. $t_1 + t_2 \sqrt{2} = 2t_2 \sqrt{2}$

$$(V_A - \sqrt{2}v) \cdot 2t_2 \sqrt{2} = l$$

Будь как. с M_3 :

$$\frac{(s+l)}{t_1} = V_A \quad s+l = t_1 \cdot V_A \Rightarrow l = t_1 V_A - s$$

$$s = v \cdot t_1$$

$$s \cdot t_1 = v$$

$$(V_A - \sqrt{2}v) \cdot (t_1 + t_2) = l$$

$$\frac{s+l}{s} = \frac{V_A}{v}$$

$s + l = t_1 \cdot V_A$

$s = v \cdot t_1$

$(V_A - \sqrt{2}v) \cdot (t_1 + t_2) = l$

$\cancel{vt_1 + l = t_1 V_A} \quad V_A = \frac{vt_1 + l}{t_1} = v + \frac{l}{t_1}$

$(V_A - \sqrt{2}v) \cdot 2t_2 \sqrt{2} = l$

$(V_A - \sqrt{2}v) \cdot 2t_2 \sqrt{2} = V_A t_1 - s$

$2V_A \cdot t_2 \sqrt{2} - 4Vt_2 = V_A t_1 - s$

$2V_A t_2 \sqrt{2} = V_A t_1 - s$

$V_A = 3V$

97-24-41-34
(156.3)N.1.
Весна 09

Вопрос:



Чертёжник.

из получившегося треу-
гольника находим, что
 $V' = \sqrt{2^2 + 2^2} = \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 2\sqrt{2}$.

Ствол: $2\sqrt{2}$.

Задача: Пусть V -скорость верха сти.
земли, V_A - скорость автомобиля,
 l - расстояние между K_1 и A в момент
пересечения курсов K_1 и M_3 и M_3
в точке пересечения курсов K_1 и M_3 в
момент времени t . Найдите авт. с кон-
стантной скоростью V движущийся
квадратом от M_3 к K_1 .

За время t , машина проходит
расстояние $s + l$, а машина $- s$, т.е.
~~отсюда~~ $V_A \cdot t = s + l \Rightarrow l = V_A t - s$ (1)

~~Скорость~~
 $= V_A - \sqrt{2}v$, то есть:
 $(V_A - \sqrt{2}v) \cdot (t_1 + t_2) = l$

Подставляем (1) в (2), а также $t_1 = t_2 \sqrt{2}$,
получаем $V_A = 3V\sqrt{2}$.

Будет $V_A = 3V\sqrt{2}$.
а их скорость ~~одинаковая с авт.~~
 $= \sqrt{2}v$. Будут они встретиться
за время t' . Пусть:

$$\sqrt{2}v \cdot (t_1 + t_2) = (\sqrt{2}v + V_A) \cdot t'$$

$$\Rightarrow t' = \frac{\sqrt{2}v \cdot 2t_2 \sqrt{2}}{\sqrt{2}v + V_A}$$

Чертёжник.

N1. (Приложение).

Подставляем $t_1 = t_2 \sqrt{2}$, а также

(1) и (2), получаем:

$$(V_A - V\sqrt{2}) / (t_2 \sqrt{2} + t_2) = V_A t_2 \sqrt{2} - V \cdot t_2 \sqrt{2}$$

Упрощаем и получаем:

$$V_A = \frac{2V}{1 + \sqrt{2}}. (3)$$

за время $t_1 + t_2$ к приложению $V\sqrt{2}$. $(t_1 + t_2)$. Пусть сила тока в К2 выражается за время t' . Получим:

$$V\sqrt{2} \cdot (t_1 + t_2) = t' \cdot (V\sqrt{2} + V_A)$$

$$t' = \frac{V\sqrt{2} \cdot (t_1 + t_2)}{V\sqrt{2} + V_A}$$

Упрощаем и получаем (3) минуты:

$$t' = t_2 \sqrt{2} \cdot (1 + \sqrt{2}) =$$

$$t' = \frac{t_2 \sqrt{2} + 2t_2}{1 + 2\sqrt{2}} \approx 753 \text{ с.}$$

Ответ: 753 с.

Чертёжник.

$$(V_A - V\sqrt{2}) \cdot (t_2 + t_1) = V$$

$$\begin{aligned} t_1 &= t_2 \cdot \sqrt{2}, \\ V &= V_A t_1 - S \\ S &= V \cdot t_1 \end{aligned}$$

$$(V_A - V\sqrt{2}) \cdot 2t_2 \sqrt{2} = V_A t_1 - S$$

$$(V_A - V\sqrt{2}) \cdot 2t_2 \sqrt{2} = V_A \cdot t_2 \sqrt{2} - S \cdot 2 \cdot t_2 \sqrt{2}$$

$$(V_A - V\sqrt{2}) \cdot 2 = V_A - V$$

$$2V_A - 2V\sqrt{2} = V_A - V$$

$$3V_A = V_A = 3V\sqrt{2}$$

$$V\sqrt{2} \cdot (t_1 + t_2) = (V\sqrt{2} + V_A) \cdot t'$$

$$t' = \frac{V\sqrt{2} \cdot 2t_2 \sqrt{2}}{V\sqrt{2} + V_A} =$$

$$\frac{V\sqrt{2} \cdot 2t_2 \sqrt{2}}{V\sqrt{2} + 3V\sqrt{2}} = \mu_a + \mu_b =$$

$$\frac{2V\sqrt{2} \cdot t_2 \sqrt{2}}{4V\sqrt{2}} = 0,9 \rho \cdot 0,8V + \rho \cdot 0,2V =$$

$$= 0,92\rho V$$

$$= \frac{t_2 \sqrt{2}}{2}$$

$$t_1 + t_2 = t_2 \sqrt{2} + t_2$$

$$\frac{t_1}{\sqrt{2}} + t_2 = t_2 \sqrt{2} + t_2 = t_2 (1 + \sqrt{2})$$

$$(V_A - V\sqrt{2}) / (t_2 + t_2 \sqrt{2}) = V$$

$$V_A t_2 + 2V_A t_2 \sqrt{2} - V t_2 \sqrt{2} - 2V t_2 = V_A t_2 \sqrt{2} - V t_2 \sqrt{2}$$

$$V_A t_2 + V_A t_2 \sqrt{2} - 2V t_2 = 0$$

$$V_A t_2 + V_A t_2 \sqrt{2} = 2V t_2$$

$$V_A + V_A \sqrt{2} = 2V t_2$$

$$V_A = \frac{2V}{1 + \sqrt{2}}$$

Черновик.

$$t' = \frac{\sqrt{2} \cdot (t_1 + t_2)}{\sqrt{2} + \sqrt{4}} = \frac{\sqrt{2} \cdot t_1 (1 + \sqrt{2})}{2\sqrt{2} + 2\sqrt{2}} =$$

$$= \frac{\cancel{\sqrt{2} \cdot t_1} \cdot (1 + \sqrt{2})^2}{\cancel{\sqrt{2} + 2\sqrt{2}}} =$$

$$= \frac{\cancel{\sqrt{2} t_1} \cdot (1 + \sqrt{2})^2}{1 + \sqrt{2}} =$$

$$= t_1 \sqrt{2} (1 + \sqrt{2}) =$$

$$t' = \frac{\sqrt{2} \cdot t_2 \cdot 2 + t_2}{\sqrt{2} \cdot (1 + \sqrt{2}) + 2\sqrt{2}} =$$

$$= \frac{\cancel{\sqrt{2} t_2} (1 + \sqrt{2})^2}{\cancel{\sqrt{2} + 2\sqrt{2}}} =$$

$$= \frac{t_2 \sqrt{2} (1 + \sqrt{2})^2}{1 + \sqrt{2}} =$$

$$= \frac{t_2 \sqrt{2} (1 + \sqrt{2})^2}{\sqrt{2} \cdot (1 + \sqrt{2}) + \sqrt{2}} =$$

$$= \frac{t_2 \sqrt{2} (1 + \sqrt{2})^2}{t_2 (1 + \sqrt{2})^2} =$$

$$= \frac{\cancel{t_2} \cdot (1 + \sqrt{2})^2}{\cancel{1 + \sqrt{2}}} =$$

$$= \frac{t_2 \cdot (1 + 2\sqrt{2} + 2)}{1 + 2\sqrt{2}} =$$

$$= \frac{t_2 + 2t_2 \sqrt{2} + 2t_2}{1 + 2\sqrt{2}}$$

Числовик.

N^o. Пример: $t_0 = 0^\circ\text{C}$ — это температура, при которой издавна лёд, а $t_{100} = 100^\circ\text{C}$ — это температура кипения вода. Так что при нагревании льда вода становится жидкостью и издавна нагреваем лёд до t_0 , и как только лёд погреется издавна из паром на температуре 0°C , др. нагреваем воду до паром t_{100} м.е. 100°C на из паром t_{100} температуре.

Задача. Решить $P = k \cdot \Delta t$, где Δt — разница между температурой кипения кипятка и соединением льда. Имеем:

$$P \cdot T = \lambda \cdot 0,8V \cdot 0,9P$$

$$k \cdot 100 \cdot T = \lambda \cdot 0,8V \cdot 0,9P$$

$$(m.e. t_{\text{льда}} = 0^\circ\text{C}, a t_{\text{кип}} = 100^\circ\text{C}).$$

Откуда $k = 33,6 \frac{J}{K}$

При нагревании от 0°C до 2°C :

$$P \cdot V \cdot 33,6 \cdot T_1 \cdot (100 - 2) = C \cdot 2 \cdot (0,9P \cdot 0,8V + 0,2PV)$$

$$P \cdot V \cdot 33,6 \cdot T_1 \cdot 98 = C \cdot 2 \cdot 0,92 PV$$

$$T_1 = \frac{C \cdot 2 \cdot 0,92 PV}{33,6 \cdot 98 PV} = \frac{C \cdot 2 \cdot 0,92}{33,6 \cdot 98} \approx 2,3 \text{ мин}$$

(м.е. средн. спротиву)

№2 (продолжение)

При нагреве от 88°C до 90°C :

$$k \cdot (100 - 90) \cdot T_2 = c \cdot 2 \cdot (0,8V \cdot 0,9P + 0,2P^2)$$

$$T_2 = \frac{4200 \cdot 2 \cdot 0,92}{33,6 \cdot 10} = 23 \text{ мин.}$$

Ответ: за 2,3 мин; за 23 мин.

№4. Вопрос:

Какогда тепло отдавалось,

$$V = 0 \Rightarrow V_0 = mg t_n, \text{ где } t_n - \text{ время} \\ \text{ полной остановки, т.е. } t_n = \frac{V_0}{mg}. \\ \text{ А значит } S = V_0 \cdot t_n - \frac{mg t_n^2}{2} = \\ = V_0 \cdot \frac{V_0}{mg} - \frac{m \cdot g \cdot V_0^2}{2m^2 g^2} = \frac{V_0^2}{2mg}$$

Задача: В первом случае движение
было $t_{\text{ух}} = t_{\text{макс}}$ (т.к. к. гравитации
движущаяся до ср. V_1 , а затем с теми
же ускорениями движется
до 0). Значит при ускорении он
проехал $\frac{L}{2}$, тогда

$$\frac{L}{2} = \frac{mg t_{\text{ух}}^2}{2}$$

$$\text{Откуда } t_{\text{ух}} = \sqrt{\frac{L}{mg}} = 4 \text{ с, а } t_{\text{макс}} =$$

$$= 2 \cdot t_{\text{ух}} = 8 \text{ с}$$

Во втором случае (ан. вопросу) $L = \frac{V_0^2}{2mg}$
откуда $V_0 = \sqrt{L \cdot 2mg} = 4mg \sqrt{2} \approx 5,7 \text{ м/с}$

$$\approx 5,656 \text{ м/с. } t_n = \frac{V_0}{mg} \approx 5,7 \text{ с.}$$

Ответ: 8 с; 5,656 м/с; 5,7 с.

Черновик.

~~$V = 1 \text{ м}$~~

~~$0,8V - \text{сев}$~~

~~$0,2V - \text{сев}, t_0 = 0$~~

~~$Q_0 = \text{за 7 мин.}$~~

~~$7L Q_0 = \lambda \cdot 0,8 \cdot 0,9 P \cdot V$~~

~~$Q_0 = Q_n \sim \rho t$~~

$$P_n = k \cdot \Delta t$$

~~$Q_0 = t_{\text{ух}} - t_0 = t_{\text{ух}}. P_0 = k \cdot t_{\text{ух}} = k \cdot (100 - 7)$~~

~~$P_0 = P_0 \cdot \frac{V}{T} = \lambda \cdot 0,8 \cdot 0,9 P \cdot V$~~

~~$100 \text{ K} \cdot 7 = \lambda \cdot 0,8 \cdot 0,9 P \cdot V$~~

~~$100 \text{ K} = \lambda \cdot 0,07 P \cdot V$~~

~~$k = \frac{0,07 \cdot P \cdot V}{100} = \frac{P \cdot 4 \cdot P \cdot 7}{100} = \frac{P_1 \cdot 4 \cdot P \cdot 7}{100}$~~

~~$= \frac{336 \cdot 10^3 \cdot 10^{-2} \cdot P \cdot V}{100} = \frac{336 \cdot 10^3 \cdot P \cdot V}{100} = 3,36 \cdot 10^3 \cdot P \cdot V = 3,36 \cdot 10^3 \cdot P \cdot V$~~

$$P \cdot T_1 = C \rho s t = C \rho V s t \quad 18 \cdot 10^3 \cdot 7 \cdot 10^3 = 22 \cdot 10^3 - 10^3$$

$$33,6 \rho V T_1 \cdot (100 - 2) = C \rho V s t \quad 4 \cdot 10^3 \cdot 10^3 =$$

$$33,6 \cdot T_1 \cdot (100 - 2) \approx C \cdot \Delta t$$

$$T_1 = \frac{4 \cdot 100 \cdot 2}{98 \cdot 33,6} \quad \frac{T_1}{T_2} = \frac{P_1 \cdot 4 \cdot P \cdot 8}{P_1 \cdot 4 \cdot P \cdot 7}$$

~~$P = mg$~~

~~$20P_1 - 120P = 22P_1 - 44P$~~

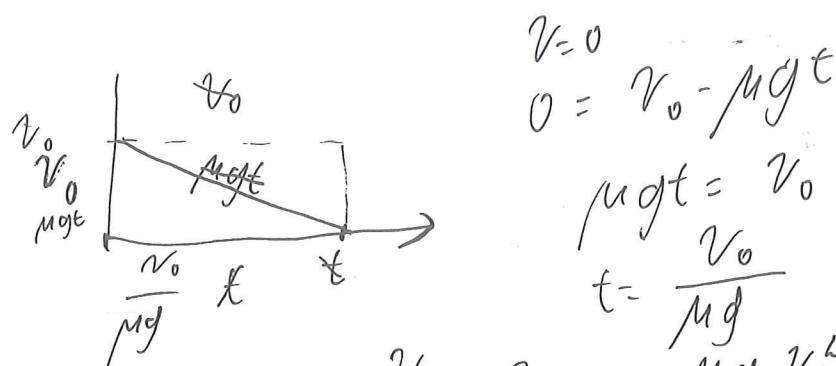
~~$8P_1 = 76P \quad \frac{P_1}{P_2} = \frac{38P}{76P} = \frac{4}{5}$~~

~~$\frac{P_1}{P_2} = \frac{38P}{76P} = \frac{4}{5}$~~

Чертёжки:

$$v(t) = v_0 - \mu g t$$

$$S = v_0 t - \frac{\mu g t^2}{2}$$



$$S = v_0 \cdot \frac{v_0}{\mu g} \cdot \frac{v_0}{\mu g} \cdot v_0 = \frac{\mu g \cdot v_0^2}{\mu^2 g^2 2} = \frac{v_0^2}{2 \mu g}$$

$$v(t) = v_0 - \mu g t \quad v(t) = v_0 - \mu g t$$

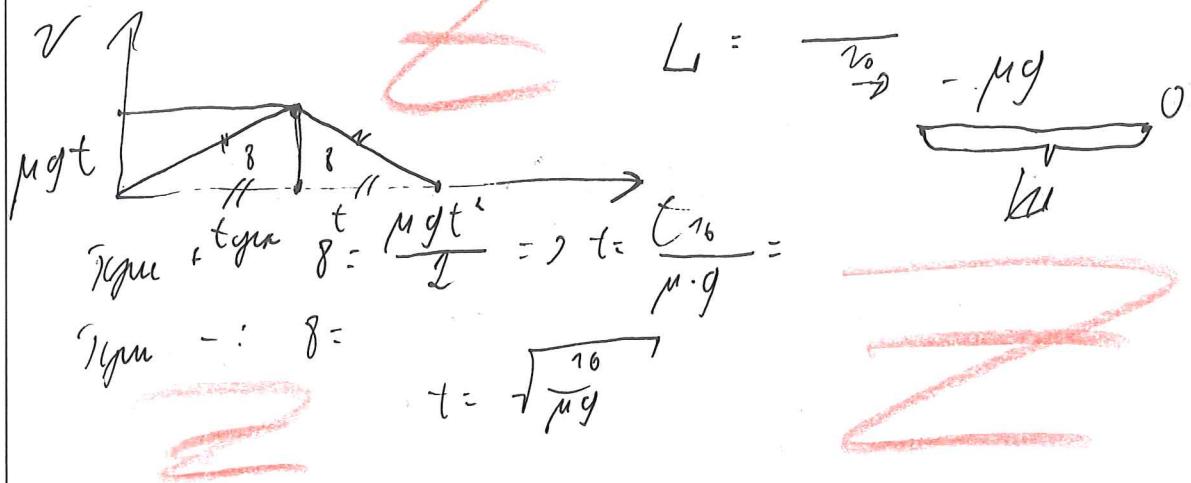
$$\begin{aligned} 16 &= \frac{v_0^2}{2 \mu g} \\ \mu g \rightarrow & -\frac{v_0^2}{2 \mu g} \\ v_0 & \end{aligned}$$

$$v_1(t) = c \mu g t$$

$$v_2(t) = v_0 - \mu g t$$

$$t_2 = \frac{v_0}{\mu g}$$

$$L = \frac{\mu g t_1}{2} + \frac{v_0^2 \cdot t_1}{2 \mu g} \quad 2t.$$



$$\text{График } S = \frac{1}{2} \mu g t^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2S}{\mu g}}$$

$$\text{График } -: S = \frac{1}{2} \mu g t^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2S}{\mu g}}$$

97-24-41-34
(156.3)

N3. $F_{\text{воздух}} = \rho \cdot V_{\text{воздух}} \cdot g = \rho \cdot 4 \cdot S \cdot g$, где S - площадь сеч. цилиндра, а ρ - давление на оживление: ошибка!

$$\begin{aligned} F &= p \cdot S = \rho g h S = (12+4) \rho g S = \\ &= 16 \rho g S, \text{ откуда:} \\ \frac{F}{F_{\text{воздух}}} &= \frac{16 \rho g S}{4 \rho g S} = 4. \end{aligned}$$

Ответ: ~~6~~ ~~4~~ раза больше.

Задача: $T = mg - F$, где F - сила давления на оживление цилиндра с сеч. площадью сечения S .

$$T_1 = mg - F_1 = \rho_1 h S g - \rho g (x_1 + h) S$$

ан. $T_2 = mg - F_2 = \rho_1 h S g - \rho g (x_2 + h) S$, где ρ_1 - плотность цилиндра,

а ρ - вл. вода.

$$T_1 - T_2 = \rho g S (x_2 - x_1)$$

$$\text{ан. } T_2 - T_3 = \rho g S (x_3 - x_2)$$

Подставим в первое выражение и найдём $T_3 = T_2 - \frac{(T_1 - T_2)(x_3 - x_2)}{(x_3 - x_1)} = 4,5 \text{ Н.}$

Тогда перестанет отпускаться, когда

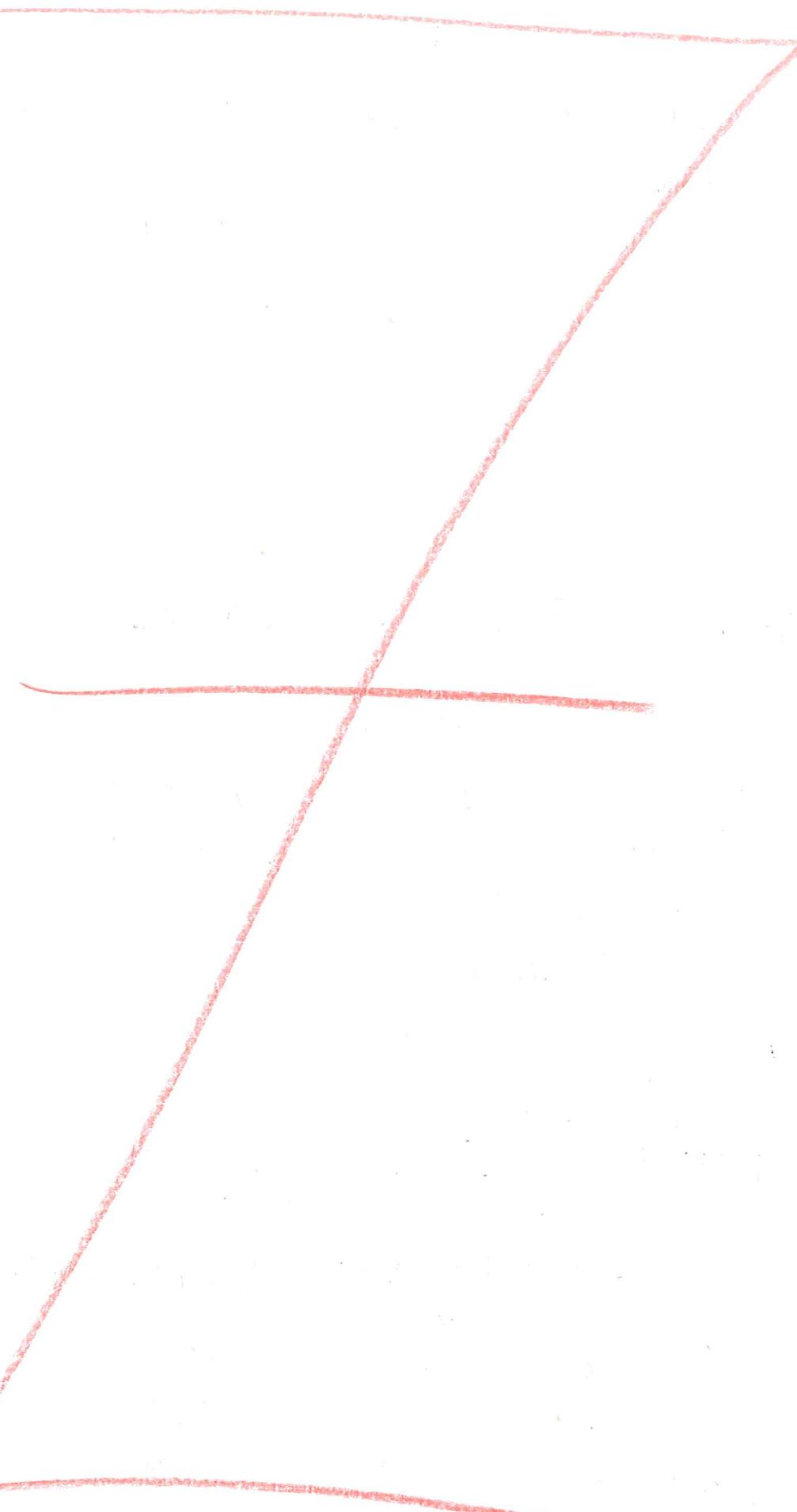
~~$\rho = \rho_1$~~ $F = mg$. ~~(*)~~
стакана длини T_1 на T_2 и получали, что

$$8\rho_1 = 76 \text{ г} \Rightarrow 2\rho_1 = 19 \text{ г.}$$

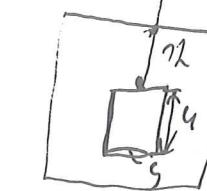
Возвращаемся к ~~(*)~~ и получали:

$$x_{\min} = \frac{17h}{2} = 34 \text{ см}$$

Ответ: $4,5 \text{ Н}; 34 \text{ см.}$



Меридиан.



$$F_{\text{атт}} = \rho \cdot S \cdot g = \rho S g$$

$$\rho = \rho g h = \rho g \cdot 16$$

$$F = p \cdot S = 16 \rho S g$$

$$T = mg - F_{\text{атт}}$$

$$F = p \cdot S = \rho g x_1 S = \rho g (x_1 + h) S$$



$$mg = \rho_1 \cdot h \cdot S \cdot g$$

$$-T = \rho g (x_1 + h) S - \rho_1$$

$$\therefore T_1 = \rho_1 h S g - \rho g (x_1 + h) S$$

$$\therefore T_2 = \rho_1 h S g - \rho g (x_2 + h) S$$

$$T_1 - T_2 = \rho g (x_2 + h) S - \rho g (x_1 + h) S =$$

$$\therefore \frac{T_2 - T_1}{T_2} = \frac{\rho g S (x_2 - x_1)}{\rho g S (x_2 - x_1)} \mid \frac{T_1}{T_2} = \frac{\rho_1 h - \rho (x_1 + h)}{\rho_1 h - \rho (x_1 + h)}$$

$$\frac{T_1 - T_2}{T_2} = \frac{(x_2 - x_1)}{x_2 - x_1} \quad T_2 (\rho_1 h - \rho x_1 - \rho h) = T_1 (\rho_1 h - \rho x_1 - \rho h)$$

$$\frac{(T_1 - T_2)}{T_2} (x_2 - x_1) = (T_1 - T_2) / (x_2 - x_1) \quad (x_2 - x_1) = T_2 \rho_1 h - \rho T_2 x_1 - \rho T_2 h$$

$$\frac{T_2 - T_3}{T_2} = \frac{(T_1 - T_2)(x_3 - x_2)}{(T_1 - T_2)(x_3 - x_2)} = T_1 \rho_1 h - T_1 \rho x_2 - T_1 \rho h$$

$$T_3 = T_2 - \frac{(T_1 - T_2)(x_3 - x_2)}{(x_3 - x_2)} < \frac{4,5}{T_2 \rho_1 h - T_1 \rho_1 h}$$

$$\rho_1 h S g = \rho g (x_m + h) S = T_1 \rho x_2 - T_1 \rho h +$$

$$\rho_1 h = \rho (x_m + h)^{1/2} \quad \rho_1 = \frac{T_1 x_2 - T_1 h + x_1 T_2 + T_1 h}{T_2 h - T_1 h}$$