

МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 06

Место проведения г. Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников "Росатом"
наименование олимпиады

по Физике
профиль олимпиады

Гостеву Варвара Сергеевна
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

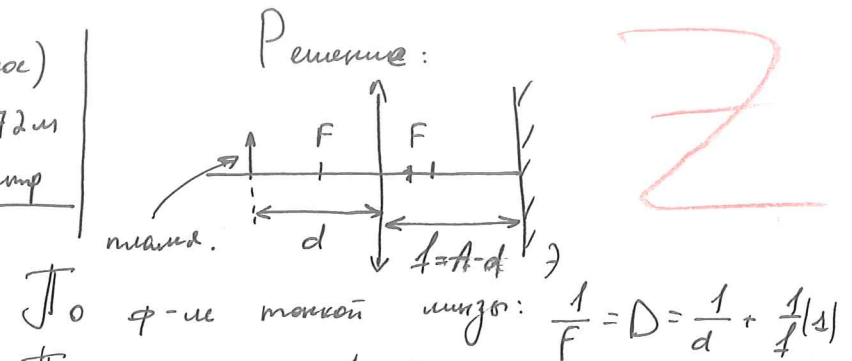
Выпуск 19.12 Ш
Вернуться 17.22 Ш

Дата
« 12 » апреля 2025 года

Подпись участника

Ш

Чистовик. $\sqrt{4}$ (Вопрос)
 $A = l + d = 0,72 \text{ м}$
 $D = 10 \text{ см}$
 $d = ?$



По условию: $A = l + d \Leftrightarrow l = A - d$ (2)
 Подставим в (1):

$$D = \frac{1}{d} + \frac{1}{A-d} \Leftrightarrow D = \frac{A-d+d}{d(A-d)} \Leftrightarrow D = \frac{A}{d(A-d)}$$

$$dAD - d^2D = A$$

$$d^2D - dAD + A = 0$$

$$\Delta = (AD)^2 - 4AD =$$

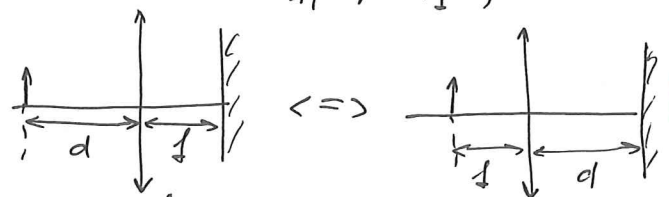
$$= A^2D^2 - 4AD$$

$$d = \frac{AD \pm \sqrt{A^2D^2 - 4AD}}{2D}$$

$$= \frac{0,72 \cdot 10 \pm \sqrt{(0,72 \cdot 10)^2 - 4 \cdot 0,72 \cdot 10}}{2 \cdot 10} =$$

$$= \frac{7,2 \pm \sqrt{51,84 - 28,8}}{20} = \frac{7,2 \pm 4,8}{20}$$

Сразу заметим, что можно было посчитать второе значение, как $d_1 = A - d_1$, т.к.



То есть $d_1 = d_2$ и $d_2 = d_1$.

Ответ: $d = 12 \text{ см}$ или $d = 60 \text{ см}$.

$\sqrt{4}$ (Задача).

Решение:

Заметим, что в задаче используется ответ на предыдущий вопрос: т.к. во втором расчете на экране видно четкое изображение, значит

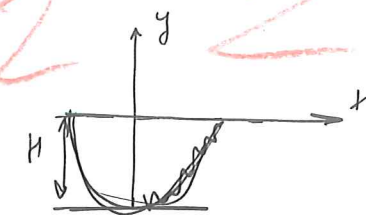
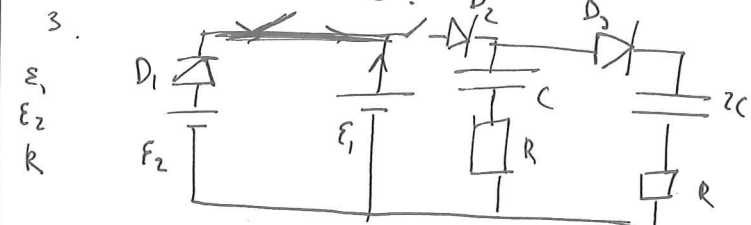
$d_1 = d_2$ и $d_2 = d_1$. То есть $\frac{d_1}{d_1} = \frac{d_2}{d_2}$ и

$$\frac{d_1}{d_2} = \frac{d_2}{d_1} = 1$$

3. $C = 50 \text{ мкФ}$
 $U = 5 \text{ В}$
 $U_0 = 2 \text{ В}$

$$A = Q_1 + Q_2 + Q_3 \Rightarrow Q_3 = A \cdot U - Q_1$$

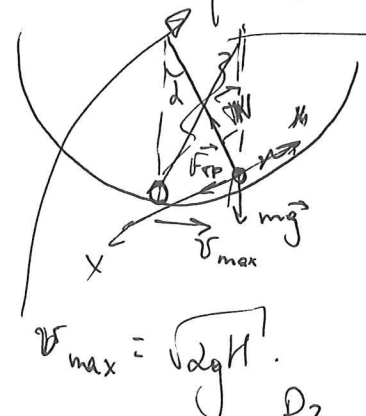
$$Q_3 = \frac{C(U - U_0)}{2}$$



$$x(t) = -\mu R - \mu R \cos(\omega t) + \frac{v_{\text{max}}}{\omega} \sin(\omega t)$$

$$\frac{\omega t}{2} = \frac{\mu R}{2\omega \mu R}$$

$$t = \frac{2}{\omega} \arctg(\dots)$$



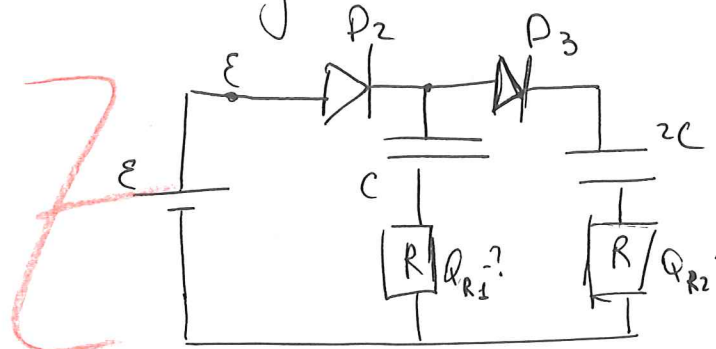
$$ma = F_{\text{сп}} + mg \sin \alpha = mg(\mu \cos \alpha + \sin \alpha)$$

$$N = mg \cos \alpha$$

$$a = g \cos \alpha + \sin \alpha$$

$$\ddot{x} + \omega x = 0$$

$$v = \sqrt{2gh}$$



$$Q = I R U = I^2 R = \frac{\epsilon^2}{R}$$

Скорость зарядки. Конг.

$$A_{\text{сп}} = F_{\text{сп}} \cdot h$$

$$\frac{0,8}{0,8}$$

$$0,984$$

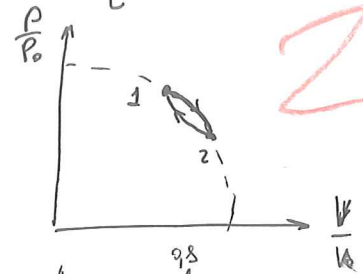
$$A_{\text{сум}} = \frac{1,7}{2,5} + 0,9$$

$$\frac{2,25}{25} = 0,09$$

$$\frac{100}{210} = 0,476$$

$$\frac{100}{312} = 0,321$$

$$2. K = \frac{1}{2}$$



$$\left(\frac{p}{p_0}\right)^2 + \left(\frac{V}{V_0}\right)^2 = 1.$$

$$A_{21} = Q_{21} = \frac{5}{2} RT = \frac{5}{2} p V.$$

$$A_{12} = \int \frac{2}{15} + \frac{3}{2} \cdot 0,2 \cdot 0,2 = \frac{2}{15} + \frac{3}{50} = \frac{20 + 9}{50} = \frac{29}{50}.$$

$$A_{21} = \int_{0,6}^{0,8} f(x) dx = \int_{0,6}^{0,8} \frac{0,48}{x} dx = 0,48 \int_{0,6}^{0,8} \frac{dx}{x} = 0,48$$

$$y = \frac{A}{x}$$

$$0,6 = \frac{A}{0,8}$$

$$\Rightarrow A = 0,6 \cdot 0,8 = 0,48.$$

$$\frac{48}{100} = \frac{12}{25}$$

$$\frac{2}{15} < \frac{29}{50}$$

$$d(1-x^2) = -2dx$$

$$\frac{2}{15} - \ln \frac{4}{3} \cdot 150$$

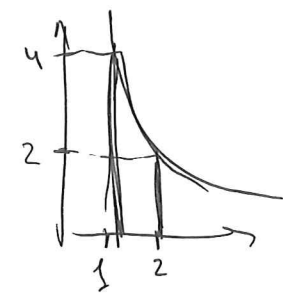
$$(a^3)' = 3a^2$$

$$\left(\frac{a^3}{3}\right)' = a^2$$

$$\int_{0,6}^{0,8} = \frac{2}{3} \cdot (0,8 - 0,6) = \frac{2}{3} \cdot 0,2 = \frac{2}{15}$$

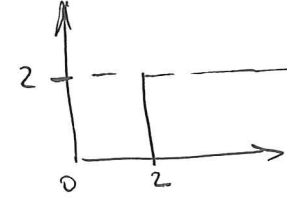
$$\frac{2}{15} - \ln \frac{0,8}{0,6} = \frac{2}{15} - \ln \frac{4}{3}$$

$$A_y = \frac{2}{15} - \ln \frac{4}{3}$$



$$4 \int \frac{dx}{x} =$$

$$\ln a = \ln \frac{1}{a} = -\ln a$$



$$\frac{100\% \cdot 29}{150 \left(\frac{2}{15} - \ln \frac{4}{3}\right)}$$

$$\log_e \frac{4}{3} = X$$

$$e^X = \frac{4}{3} \approx 1,33$$

$$e =$$

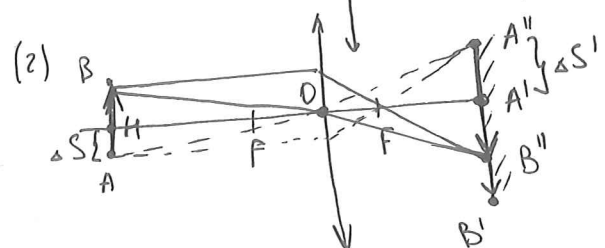
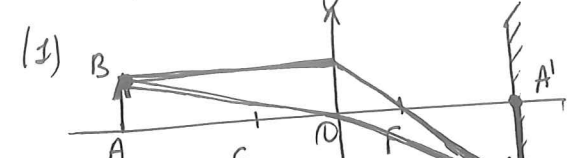
$$\int 2 dx = 2x$$

$$\int \frac{dx}{x} = \ln |x|$$

$$\ln 0,8 - \ln 0,6 = \ln \frac{4}{3}$$

28-50-13-08
(153,3)

Теперь рассмотрим зависимости скоростей.



Пусть мы движемся со скоростью v .

Тогда через время t она окажется на высоте $\Delta S = vt$ относительно начального положения.

Построим изображение предмета.

$$\Delta S' = \Delta S \cdot \Gamma$$

$$\text{Из подобия } \triangle AOB \text{ и } \triangle A'O'B' \text{ в (1): } \frac{A'B'}{AB} = \frac{A'O'}{AO} = \frac{1}{d} = \Gamma.$$

$$\text{Из подобия } \triangle AHO \text{ и } \triangle A''A'O' \text{ в (2): } \frac{A'A''}{AH} = \frac{A'O'}{HO} = \frac{1}{d} = \Gamma.$$

$$\Leftrightarrow \frac{\Delta S'}{\Delta S} = \Gamma \Leftrightarrow \Delta S' = \Gamma \cdot \Delta S$$

$$\text{При этом } \Delta S = vt, \Delta S' = v't \Rightarrow v' = \Gamma \cdot v.$$

$$\text{П.к. } \Gamma_1 = \frac{1}{\Gamma_2}, \text{ то } \frac{v_2}{v_1} = \frac{\Gamma_2 \cdot v}{\Gamma_1 \cdot v} = \frac{\Gamma_2}{\Gamma_1} = \Gamma_2^2.$$

$$\frac{v_2}{v_1} = 1 + \frac{v}{c} \quad v_2 = v_1 \cdot \Gamma_2^2 = v_1 \cdot \left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2$$

Подставим в полученное уравнение величины, найденные в вопросе (+ проверим из условия):

$$v_2 = v_1 \cdot \left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2 = 2,25 \frac{\text{мм}}{\text{с}} \cdot \left(\frac{12 \text{ см}}{60 \text{ см}}\right)^2 = 2,25 \frac{\text{мм}}{\text{с}} \cdot (0,2)^2 =$$

$$\text{Т.к. } v_2 < v_1, \text{ то } \frac{d_1}{d_2} < 1 \Leftrightarrow d_1 < d_2 \quad \boxed{= 0,09 \frac{\text{мм}}{\text{с}}}$$

$$\text{Ответ: } v_2 = 0,09 \frac{\text{мм}}{\text{с}}$$

Если подставить в ответ все в общем виде, то получим:

$$v_2 = v_1 \cdot \left(\frac{AD - \sqrt{A^2 D^2 - 4AD}}{2D} \cdot A - \frac{AD - \sqrt{A^2 D^2 - 4AD}}{2D} \right) \cdot \frac{1}{d_1}$$

√2 (Вопрос).

Чистовик.

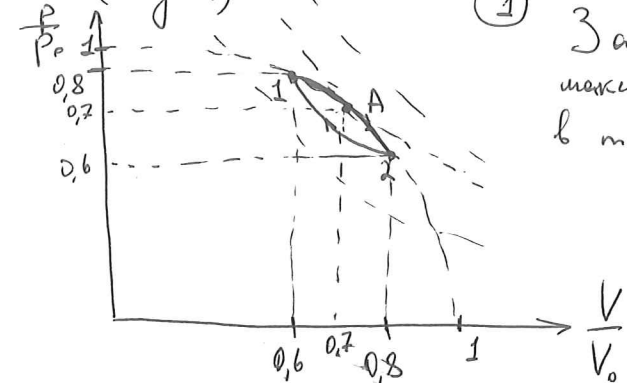
КПД тепловой машины можно выразить, как $\frac{A_1}{Q_1} \cdot 100\%$, где A_1 — работа за цикл, Q_1 — полученная теплота.

~~$A_1 = -A_2$, $Q_1 = -Q_2$~~

$K = \frac{Q}{A} = \frac{100\%}{2}$

Ответ: $K = \frac{100\%}{2}$

√2 (Задача)



1/4 окружности симметрична относ. прямой $p=V$, при этом самая "выпуклая" точка графика лежит на этой прямой. Заметим, что судя по сетке, максимальная температура достигается в т. А, а минимальная — на участке 2-1 (хотелось).

Из ур-я Менделеева-Клапейрона: $pV = \nu RT$
 $T = \frac{pV}{\nu R}$

Тогда $T_{\max} = \frac{p_A V_A}{\nu R}$, $T_{\min} = \frac{p_2 V_2}{\nu R}$ (т.к. $T_{\min} = \text{const}$ и можно брать любые значения p и V с миним. потерей, соответствующие друг другу). Искомая величина = $100\% - \frac{T_{\min} \cdot 100\%}{T_{\max}} =$
 $= 100\% \left(1 - \frac{p_2 V_2 \cdot \nu R}{\nu R \cdot p_A V_A} \right) = 100\% \left(1 - \frac{0.8 \cdot 0.6 p_0 V_0}{0.7^2 p_0 V_0} \right) =$

$= 100\% \left(1 - \frac{48}{49} \right) = \frac{100\%}{49} \approx 2\%$

Ответ: $\approx 2\%$

② $K = \frac{100\%}{2}$, так что нужно посчитать КПД цикла.

Для начала посчитаем $A_1 = |A_{12}| - |A_{21}|$.

Найдём работу, как площадь под графиком:

$|A_{21}| = \int_{0.6}^{0.8} \frac{0.48}{V/V_0} d(V/V_0) = \ln \left| \frac{0.8}{0.6} \right| = \ln \frac{4}{3}$

т.к. $p_0 = \frac{0.48 V_0}{V}$ ($p_0 = A \cdot \frac{V}{V_0}$, погем. точку) $(0.6; 0.8) \rightarrow A = 0.48$

$\frac{750 - 300}{75} = 0.06 \approx 0.1105$

$\frac{1}{2000}$

$+ 0.06 \approx + 0.1105$

$\frac{-0.1105}{-0.45818}$

0.28762

для

$\frac{+ 0.1705}{+ 0.28762} = 0.59318$

$\frac{50.64}{50.36} = 0.6$

28-50-13-08
(153.3)

Т.к. график участка 1-2 — это дуга окружности, то
 $(\frac{p}{p_0})^2 + (\frac{V}{V_0})^2 = 1$ — ур-е этой окружности. Используем.

$$\frac{p}{p_0} = \sqrt{1 - (\frac{V}{V_0})^2}$$

$$\frac{|A_{12}|}{p_0 V_0} = \int_{0,6}^{0,8} \sqrt{1 - (\frac{V}{V_0})^2} d\frac{V}{V_0} = \left\langle \frac{1 - (\frac{V}{V_0})^2 = t}{d\frac{V}{V_0} = -\frac{dt}{2}} \right\rangle =$$

$$= -\frac{1}{2} \int_{0,6}^{0,8} \sqrt{t} dt = -\frac{1}{2} \left(\frac{2}{3} t^{\frac{3}{2}} \right) \Big|_{0,6}^{0,8} =$$

$$= -\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} \left(\sqrt{1 - \frac{V}{V_0}} \right)^3 \Big|_{0,6}^{0,8} = -\frac{1}{3} \left(\sqrt{1 - 0,8^3} - \sqrt{1 - 0,6^3} \right) =$$

$$= \frac{\sqrt{0,784} - \sqrt{0,488}}{3}$$

Площадь на изотермическом состоянии вычисляется, на участке 1-2
 находится. Знаем $Q_+ = A_{12} + \Delta U_{12} = \frac{\sqrt{0,784} - \sqrt{0,488}}{3} p_0 V_0 + \frac{3}{2} p_0 V_0 =$
 $= \frac{\sqrt{0,784} - \sqrt{0,488}}{3} p_0 V_0 + \frac{3}{2} \cdot 0,04 p_0 V_0 \left(\frac{\sqrt{0,784} - \sqrt{0,488}}{3} + 0,06 \right) p_0 V_0$

$$K = \frac{A_{12}}{Q_+} = \frac{100\%}{\eta} = \frac{100\% \cdot Q_+}{A_{12}} =$$

$$= \frac{100\% \cdot \left(\frac{\sqrt{0,784} - \sqrt{0,488}}{3} + 0,06 \right) p_0 V_0}{\left(\ln \frac{4}{3} + \frac{\sqrt{0,784} - \sqrt{0,488}}{3} \right) p_0 V_0} = \frac{100\% \cdot \left(\frac{\sqrt{0,784} - \sqrt{0,488}}{3} + 0,06 \right)}{\ln \frac{4}{3} + \frac{\sqrt{0,784} - \sqrt{0,488}}{3}}$$

$\approx$

Ответ: $K \approx$

$$K = \frac{A_{12}}{p_0 V_0} = \frac{\left(\sqrt{1 - (\frac{V}{V_0})_2^2} - \sqrt{1 - (\frac{V}{V_0})_1^2} \right) \cdot \frac{1}{3} + \frac{3}{2} \cdot \left(\frac{p}{p_0} \right)_2 \left(\frac{V}{V_0} \right)_2 - \left(\frac{p}{p_0} \right)_1 \left(\frac{V}{V_0} \right)_1}{-\ln \frac{V_2}{V_1} + \left(\sqrt{1 - \frac{V_2}{V_0}} - \sqrt{1 - \frac{V_1}{V_0}} \right) \cdot \frac{1}{3}}$$

$$\frac{A_{21}}{p_0 V_0} \quad \frac{A_{12}}{p_0 V_0}$$

$K \approx 37$

13) (Вопрос)

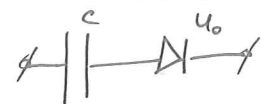
$$C = 50 \text{ мкФ}$$

$$U = 5 \text{ В}$$

$$U_0 = 2 \text{ В}$$

$$Q = ?$$

Решение:



$$Q = \frac{C(U - U_0)^2}{2} = \frac{5 \cdot 10^{-6} \cdot 9 \cdot 2^2}{2} = 22,5 \cdot 10^{-6} \text{ Кл} = 22,5 \text{ мкКл}$$

отрицательная! (2)

13) (Задача)

В момент замыкания ключа 1 заряды ещё не успели перейти.

$$A_{\text{ист.}} = Q_{g2} + Q_{g3} + Q_{R1} + Q_{R2} + Q_{C2} + Q_{C3}$$

$$\frac{E_1 I}{R} = 2 \cdot \frac{C(E_1^2 - U_0^2)}{2} + \frac{E_1^2}{R} \cdot 2 + U_0 q \cdot 2$$

$$\Rightarrow Q_R = E_1 I - C(E_1 - U_0)^2 \frac{2E_1}{R} - C(E_1 - U_0)^2 2U_0 q$$

и при замыкании ключа 2 заряды не успевают перейти в цепь.

$$Q_g = U_0 q; \quad Q_R = I^2 R = IU = \frac{U^2}{R}; \quad Q_c = \frac{CU^2}{2} = \frac{q^2}{2C}$$