



МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
имени М.В.ЛОМОНОСОВА

Вариант 6

Место проведения г. Москва
город

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Олимпиада школьников Робофорест
название олимпиады

по информатике
профиль олимпиады

Бикбутова Динара Самдатовна
фамилия, имя, отчество участника (в родительном падеже)

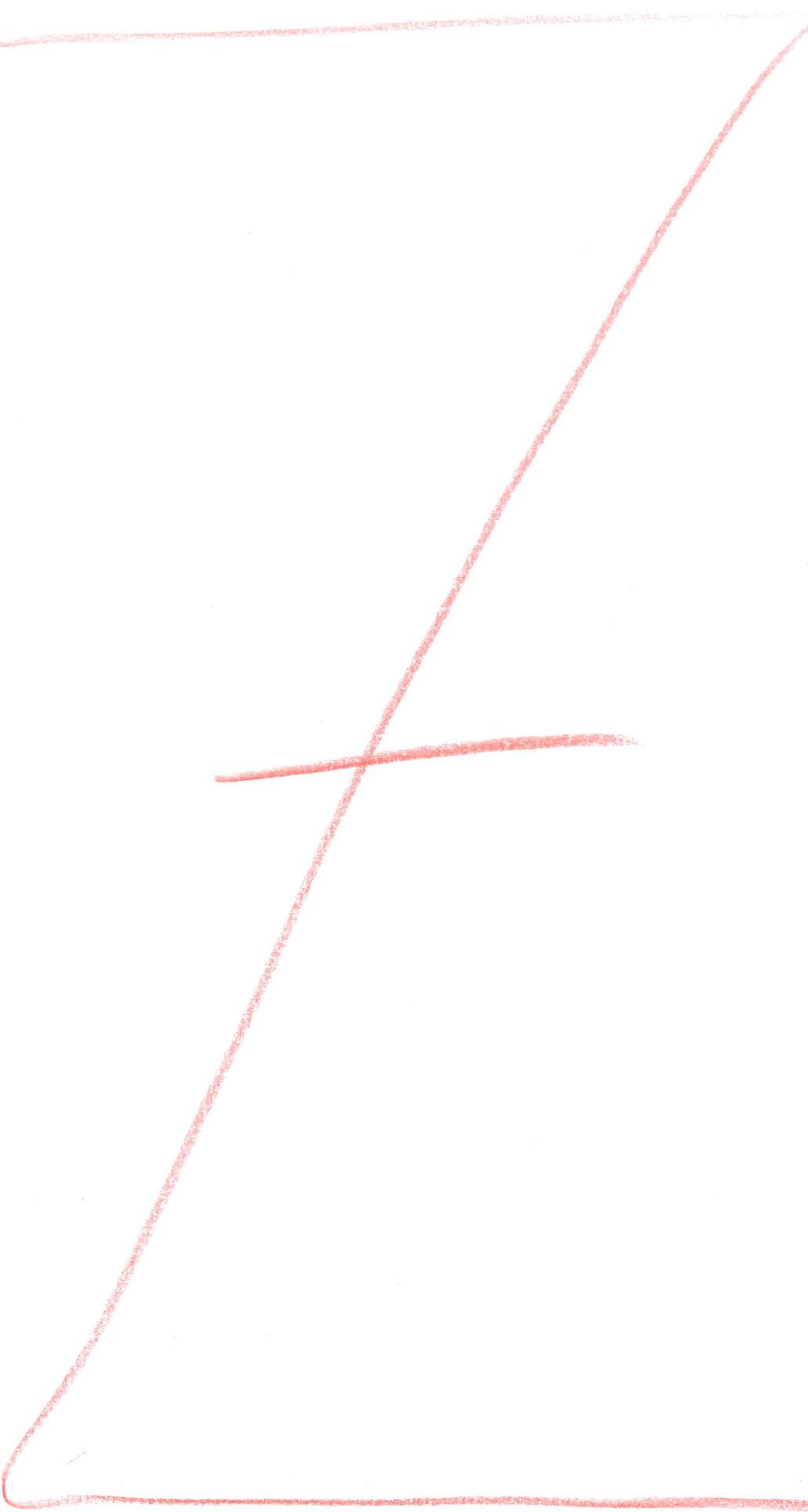
Вот она для вас +1

Дата

«12» апреля 2025 года

Подпись участника

Бикбу

45-72-20-76
(153.1)

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
T	3	5	8	9	10	10	8	7	6	5	4	3	2	1
E	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14

Задача 2)
Вопрос:
Понятно, что 1ый закон для теплового насоса "работает" $Q = \dot{V} + \dot{U}$. Квазидинамическое устройство есть

$$\kappa = \frac{Q_H}{\dot{V}_2}, \text{ где } Q_H \sim \text{ тепло нагревателя},$$

$\dot{V}_2 \sim \text{ работа за цикл, а квазидинамическое устройство тепловой машины есть } \eta = \frac{\dot{V}_2}{Q_H}$.

Тогда $\kappa = \frac{1}{\eta}$ (ответ на вопрос)

Ответ: $\kappa = \frac{1}{\eta}$

Задача)

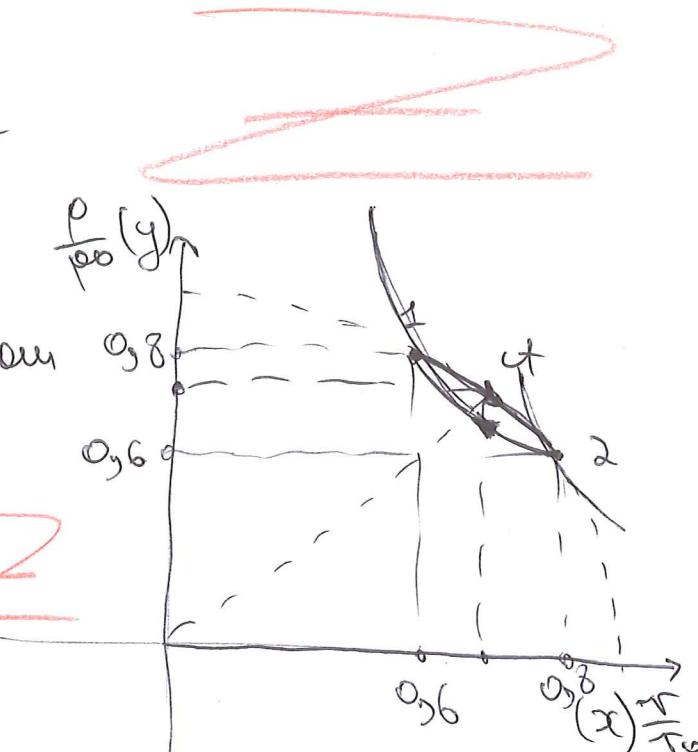
Т.к участок
показывает туннелирование
раб. окр-10, то

$$1 = y^2 + x^2$$

$$y_0 = 0; x_0 = 0$$

Найдем τ -коэф:

$$\frac{\partial T}{\partial \tau} = \sqrt{\frac{\partial T}{\partial x}} \sim \text{ данная зорись в условиях единицах (безразмерные величины)}$$



Проб. задачи 2)

Эту задачу можно представить, как

$$y \cdot x = J \cdot \kappa ; J = \frac{1}{6} \cdot R ; \kappa = \frac{T}{T_0}$$

Понятно, что точка можетйти по траектории симметрии в окружности, которая находится на расстоянии ρ от начала координат, вспомним, что для этого нужно привести координаты и кривая нашей кривой пересекает участок окружности в точке t . Эта точка делит нашу дугу пополам.

$$x = \frac{J \cdot t}{y} ; 1 = y^2 + x^2 \Rightarrow 1 = y^2 + \frac{J^2}{y^2} \cdot \kappa^2 \Rightarrow y^2$$

$$y^2 = y^4 + J^2 \kappa^2 \text{ при } (J^2) \Rightarrow 0 = (y^2 - y^4)$$

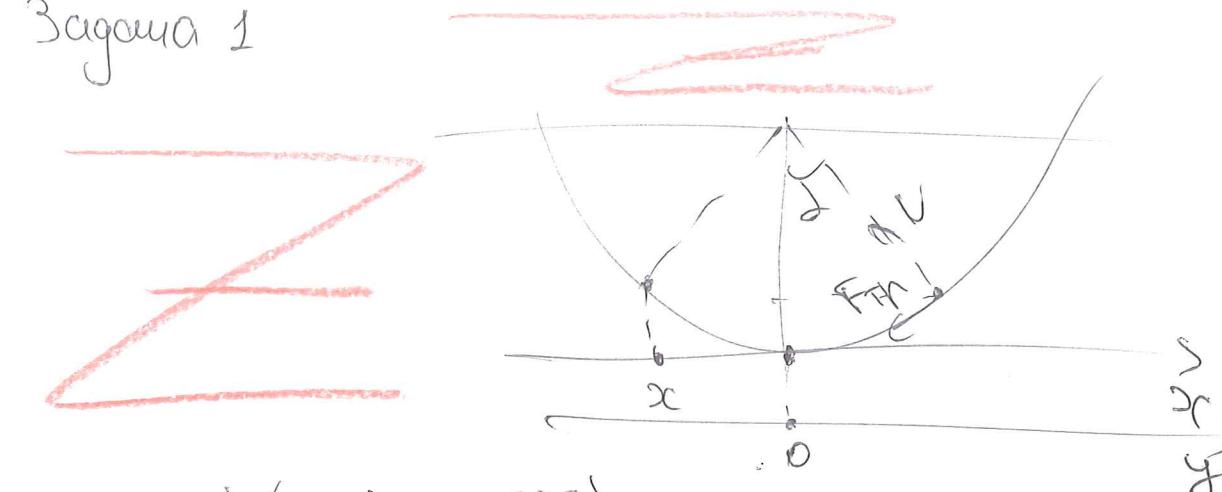
$$0 = 2y - 4y^3 \Rightarrow y(4y^2 - 2) = 0$$

$$y(2y^2 - 1) = 0$$

$$\begin{cases} y=0 & \text{не уд-ет} \\ y^2 = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Понятно, что $y = \sqrt{\frac{1}{2}}$, ибо в симметрии x также будет $\sqrt{\frac{1}{2}}$.

Задача 1



$$\cos \theta = y \cdot \cos \left(\frac{\pi}{2} \right) \Rightarrow x = \arccos(0, \cos) \cdot \theta$$

$$\dot{x}(t) = \omega \cdot t \cdot \cos(\omega \cdot t) ; \text{ при } t=0 ; t=x=\arccos(0, \cos) \cdot \theta ; \omega^2 = \frac{g}{R} \text{ (как-были), начальник}$$

$$\dot{x}(t) = \omega \cdot t \cdot \sin(\omega \cdot t) \quad \cancel{\dot{x}(t) = -\omega \cdot t \cdot \sin(\omega \cdot t)}$$

$$\ddot{x}(t_0) = -\omega \cdot t \cdot \sin(\omega \cdot t_0)$$

$$\ddot{x}^2 = 2g \cos, 005 \cdot \theta \Rightarrow \ddot{x}(t_0) = \sqrt{2g \cos, 005 \cdot \theta}$$

$$\ddot{x} \max = -N \sin \angle - F_{Fr} \cos \angle \quad (N=m g) \\ \sin \angle = \frac{x}{R} \Rightarrow a_{xc} + \frac{x}{R} \cdot g = -\mu g \cdot \frac{R}{R}$$

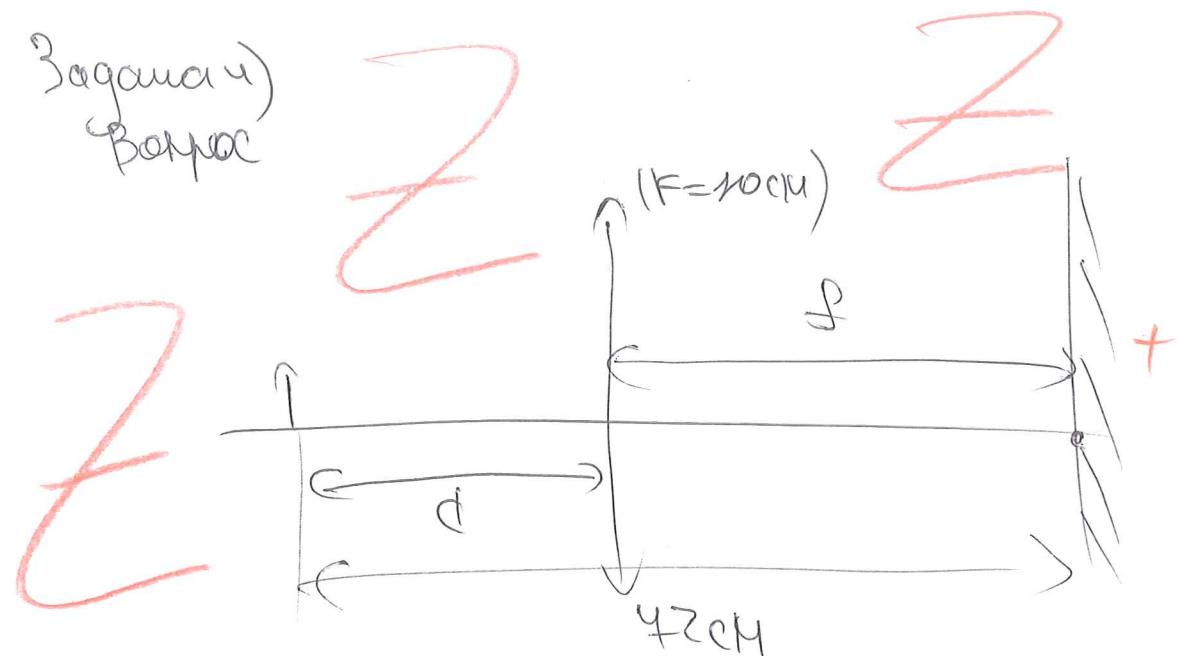
$$\ddot{x}(t) = t \cos(\omega t) + B \sin(\omega t) - \mu g R$$

$$\ddot{x}(t) = 0 \Rightarrow t = \mu g R$$

$$\ddot{x}(t) = -\omega t \sin(\omega t) + \omega B \cos(\omega t).$$

$$\ddot{x}(t) = -\omega \cdot \arccos(0, \cos) \cdot \theta \cdot \sin(\omega t) = +\omega B \sin(\omega t)$$

Задача 1)
Вопрос



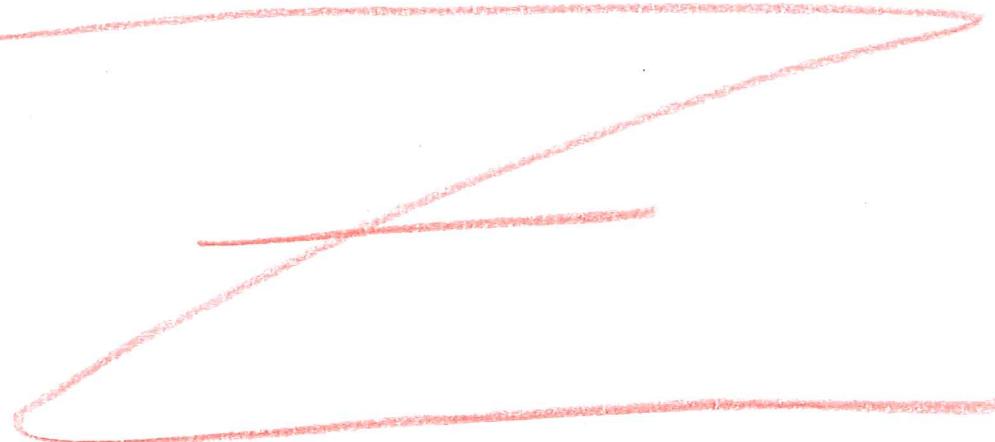
$$D = 10 \text{ см} \Rightarrow F = \frac{1}{10} = 10 \text{ см}$$

Что значит чистое изобр-ие - это
запись что изобр-ие норма на экспл.

$$d + f = 42 \text{ см} ; \frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{1}{r} = \frac{1}{d} = \\ = \frac{F}{d-F} = \frac{F}{d} \Rightarrow f = \frac{dF}{d-F}$$

$$d + \frac{dF}{d-F} = 42 \text{ см} \Rightarrow d = 60 \text{ см} +$$

богат отв?

45-72-20-76
(153.1)

(Прод задачи 2)
Тогда:

$$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = 2 \cdot k \Rightarrow k = \frac{1}{2} \sim \text{макс.}$$

температура в условиях единиц.

$$k = 0,5 : \lambda$$

τ_0 процесс 2-1 изотерма:

$$\frac{P_1 T_0}{P_0 T_0} = 2 \cdot T \Rightarrow T = \frac{0,5 \cdot 0,6}{2} \sim \text{тепр-ра}$$

на процессе изотермы в условиях единиц.

$$\text{дифферен-т } (\lambda) = \frac{1}{T_0} \cdot R$$

$$\oplus T = \frac{0,48}{2} \Rightarrow \frac{k}{T} = \frac{0,5}{0,48} = 1,04 \quad \oplus$$

$$\text{тогда } (1,0416 - 1) \cdot 100\% = 4,16\%$$

На 4,16% максимальная темпра, бывшие единицами.

В тоже 1 я провел адиабату, чч
этого означает, что на процессе 1-2 темпра
к пазу подводится.

$$Q_{12} = Q_u = \delta M_{12} + \dot{t}_{12} ; \delta M_{12} = 0 \quad (\tau_0 k \\ T = \text{const})$$

В тоже 2 я провел адиабату и
запись, что на процессе 2-1 темпра
от паза отводится.

Прог. задания 2)

$$Q_x = Q_{21} = \Delta U_{21} + I_{21} \cdot \Delta U_{21} ; \Delta U_{21} = 0 \quad (\text{т} = \text{const})$$

~~$$I_{21} = \frac{\pi}{2} \cdot 0,5 \cdot 0,2 / 2 + 0,6 \cdot 0,2 =$$~~

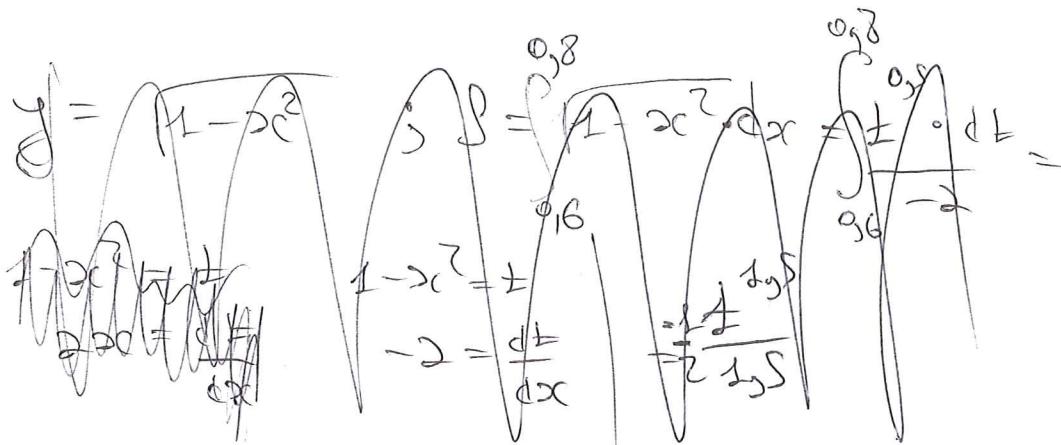
может заменить "небольшой" член четвертой
окр-ти (базисной и шапки)

$$Q_{21} = -k_B T \ln\left(\frac{0,8}{0,6}\right) = -0,8 \cdot 0,6 \cdot \ln\left(\frac{0,8}{0,6}\right)$$

~~$$I_{21} < 0 \rightarrow \text{ток } \Delta T \text{ идёт}$$~~

$$\eta = \frac{Q_{21}}{Q_H} = \frac{Q_H - Q_x}{Q_H} = 1 - \frac{Q_x}{Q_H} =$$

~~$$= \frac{I_{21}}{V_{21}} = \frac{I_{21}}{I_{21} + I_{22}}$$~~



$$\eta = 1 - \frac{Q_{21}}{Q_{21}} = 1 - 0,61366 \Rightarrow k = \frac{1}{\eta} =$$

~~$$= 43,2 \sim (\text{Orbeit})$$~~

~~$$3E \cdot 2CQ = Q_{H0} \cdot 2CE + \frac{2CE^2}{2} + Q_{R2} \#$$~~

~~$$Q_{R2} = C(E - U_{0,4} - E) = \frac{1,05}{1,65 \cdot 10} \rightarrow$$~~

ток дыхательной и создает нужное значение давления D_3 .

~~$$E \cdot \frac{2}{3} CE = C\left(\frac{8}{3} \cdot E\right)^2 + u_0 \cdot \frac{11}{3} CE + Q_{R1} - W$$~~

~~$$Q_{R1} = C(E - \frac{8}{3} E - \frac{u_0 \cdot 11}{3}) \# W$$~~

~~$$W = \frac{C(u_0 - E)}{2}$$~~

правильные замечания!

~~$$3E = u_0 + u_0 + u_0 + U_{2C} \Rightarrow U_{2C} = E$$~~

давление D_3 определено

~~$$3E = 2U_0 + U_C \Rightarrow U_C = \frac{8}{3} E$$~~

~~$$q_{D3} = q_{2C} = 2E \cdot C$$~~

~~$$q_{D2} = q_{2C} - q_C = 2EC + \frac{8}{3} CE = \frac{11}{3} CE$$~~

~~$$q_{D1} = q_{D2} = \frac{11}{3} CE$$~~

~~$$J_{act} = 3E \cdot \frac{11}{3} CE = \frac{2CE^2}{2} + \left(\frac{8}{3} E\right)^2 C - \frac{C}{2}(E - u_0)$$~~

~~$$+ u_0 \left(2 \cdot \frac{11}{3} CE + 2EC\right) + Q$$~~

Продолжение задания 3)

$$Q_R = C(E - U_{R0})(E - U_{R0}) - \frac{C}{2}(E - U_{R0})^2 = 2,5 \cdot 10^{-5} \text{ Рк.}$$

$$Q_R = 2,5 \cdot 10^{-5} \text{ Рк. } \text{---}$$

к2) 2-ой переход: Правильное, не замкнуто!

$$3E = U_0 + U_0 + U_0 + U_{2c} \quad (\text{не обращайте внимание, что } U_{2c} > 0)$$

$U_{2c} > 0 \Rightarrow$ Ряд $D_2 \sim$ открыт. Что это значит?

$U_{2c} = E.$ Чтобы это решить проверьте еще!

$$3C_E = U_0 + U_0 + U_0 \Rightarrow U_E = 5B = \frac{5}{3}E$$

$$\Delta q_{D2} = q_{D2} - q_{D3} = q_{D2} = 2C \cdot E \quad \text{---}$$

$$q_{D2} = q_{D2} + q_E = 2CE + C \cdot \frac{5}{3}E = \frac{11}{3}CE$$

Приятно, что $\Delta q_2 = q_{D2} \sim T_0$ т.к. дальнейшее действие создает свободные дополнительные

напряжения.

$$q_{D2} = q_{D1} + \Delta q_2 \Rightarrow \Delta q_1 = q_{D2} - q_{D2} =$$

$$= \frac{11}{3}CE - 2CE = \frac{5}{3}CE.$$

$$\text{Лист} = C \cdot \frac{5}{3}CE + 3C \cdot 2CE = \frac{20}{3}CE +$$

$$+ C \left(\frac{5}{3}CE \right)^2 + 2CE \cdot U_0 + U_0 \cdot \frac{11}{3}CE + U_0 \cdot 2CE +$$

$$+ Q_R + Q_{R2}$$

45-72-20-76
(153.1)

Методика

$$y = C_0x + b_0x + c$$

$$y = \frac{P}{P_0} = -a \left(\frac{r}{r_0} \right)^2 + b \left(\frac{r}{r_0} \right) + c; c = 1 \frac{P}{P_0}$$

$$0,8 = -a \cdot (0,6)^2 + b(0,6) + 1 \\ (b = \frac{-b'}{2a})$$

$$0,8 = -a \cdot (0,8)^2 + b(0,8) + 1$$

$$\frac{-0,2 + a(0,6)^2}{0,6} = b = \frac{-0,4 + a(0,8)^2}{0,8}$$

$$\frac{4}{3}(-0,2 + a(0,6)^2) = -0,4 + a(0,8)^2$$

$$a \left(\frac{4}{3} \cdot 0,6^2 - 0,8^2 \right) = \frac{4}{15} = 0,4$$

$$a = \frac{2}{15} \cdot \left(-\frac{25}{3} \right) \Rightarrow$$

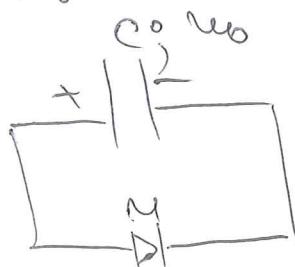
$$\Rightarrow a = \frac{5}{12}, \text{ тогда } b = +\frac{1}{6}$$

$$\left(\frac{P}{P_0} \right)^2 = \left(\frac{r}{r_0} \right)^2 = \left(\frac{P}{P_0} - y_0 \right)^2 + \left(\frac{P}{P_0} - a_0 \right)^2$$

$$1 = y + x^2 \quad l = \frac{d}{2}$$

Задача 3)

Вопрос:



$$U_0 = 5V; C = 50 \mu F; U = 2V$$

В процессе переключения
заряжается из конд-ра
напряжение конд-ра уменьш.

При $U_C < U$ ~ так перестает быть заряду ке
переключ., тогда моментом напр. конд-ра равен U .
из разности конденсаторов \rightarrow

$$\text{дист} = 0 = \Delta W + U_0 \cdot \Delta q + Q$$

$$\Delta q = C(U_0 - U); \Delta W = \frac{C}{2}(U^2 - U_0^2)$$

$$0 = \frac{C}{2}(U^2 - U_0^2) + U \cdot (U_0 - U)C + Q \Rightarrow$$

$$\Rightarrow Q = \frac{C}{2}(U_0^2 - U^2) - U(U_0 - U)C =$$

$$= \frac{C}{2}(U_0^2 - U^2 - 2U(U_0 - U)) = 2,25 \cdot 10^{-4} \text{ А} \cdot \text{с}$$

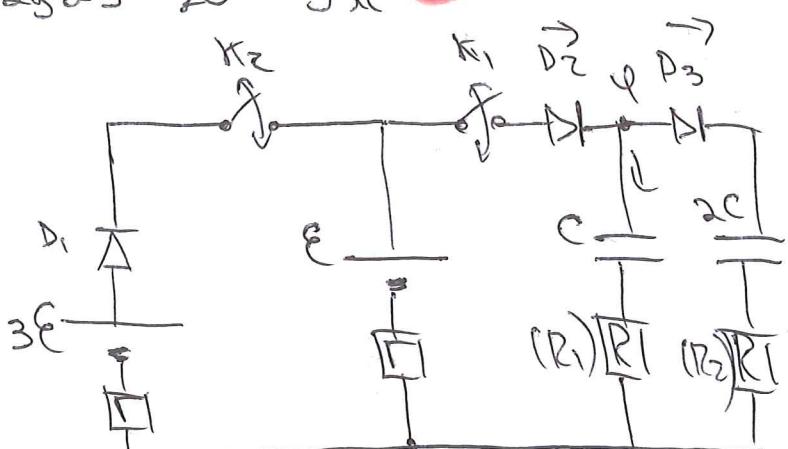
$$\text{Ответ: } Q = 2,25 \cdot 10^{-4} \text{ А} \cdot \text{с} \quad \text{+}$$

Задача:

$$U_1 = U_2 = 3V$$

$$U_2 = 3V$$

$$U_D = U_B = 2V$$



Продолжение задачи 3:

к.) 2-ой закон Кирхгофа: (в дст. решение)

$$E = U_0 + U_{C1} \Rightarrow U_{C1} = E - U_0$$

$$E = U_0 + U_0 + U_{C2} \Rightarrow U_{C2} = E - 2U_0$$

Задача:

$$q_{D3} = q_{ac} = 2C(E - 2U_0)$$

$$q_C = C(E - U_0) \Rightarrow q_{D2} = q_C + q_{rc} =$$

$$= C(2E - 4U_0 + E - U_0) =$$

$$= C(3E - 5U_0) = \Delta q$$

Задача:

$$\text{дист} = E \cdot \Delta q = \frac{C(E - U_0)^2}{2} + \frac{2C(E - 2U_0)^2}{2} +$$

$$+ 2C(E - 2U_0) \cdot U_0 + C(3E - 5U_0) \cdot U_0 + Q$$

$$\text{т.к. } U_{C1} = E - U_0 = 1V, \text{ и } U_{C1} = q < U_0 \Rightarrow$$

\Rightarrow диаг $D_3 \sim$ закрыт.

$$q_{D2} = q_C = C(E - U_0) = \Delta q$$

$$E \cdot \Delta q = \frac{C(E - U_0)^2}{2} + U_0 \cdot C(E - U_0) + Q$$

$$Q \approx Q_R - \text{т.к. } R \ll 0,1 \Omega$$

Проблема задачи 1.3)

Вопрос

$$y(t) = H \cos(x/t)$$

$$y=0 \Rightarrow \cos \frac{x}{t} = \frac{\pi}{2}$$

$$x = \frac{\pi}{2} \cdot t ; \text{ При } y=H ; \cos(x/t)=0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow x=0$$

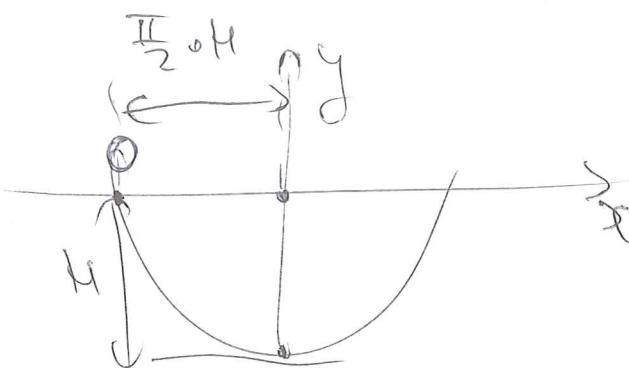
$$x = \frac{\pi}{2} \cdot t + \sin(\omega t)$$

$$k = \frac{m(x^2 + y^2)}{2} ; \Pi = -mg \cdot y'(x)$$

$$\frac{d}{dt} \frac{dL}{dt} = \frac{m}{2} \cdot \dot{x}^2 + \frac{dL}{dx} = +mg \sin\left(\frac{x}{t}\right) \cdot \frac{1}{t} H$$

$$m \ddot{x} = -mg \frac{\sin(x/t)}{t} \cdot H$$

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{H}} \quad T = 2\pi \sqrt{\frac{H}{g}} \text{ orbit.}$$



малое колебание по
условию!

45-72-20-76
(153.1)

Проблема задачи 1.2)

$$B = -\arccos(0,005) \cdot H \sin(\omega t)$$

$$y(t) = \mu g R \cdot \cos(\omega t) - \arccos(0,005) \cdot H \sin(\omega t)$$

- $\mu g R$; при $y(t) = 0$

~~$$\mu g R \cos(\omega t) = B \cdot \sin(\omega t) + \mu g R$$~~

$$y(t) = 0 = -\mu g R \sin(\omega t) -$$

$$-\ B \cos(\omega t) = 0 \Rightarrow \tan(\omega t) = \\ +\arccos(0,005) \cdot H \sin(\omega t)$$

$$\frac{1}{\mu g R}$$

$$\omega = \frac{\arccos(0,005) \cdot H \sin(\omega t)}{\mu g R}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{R}}$$



Задачи)

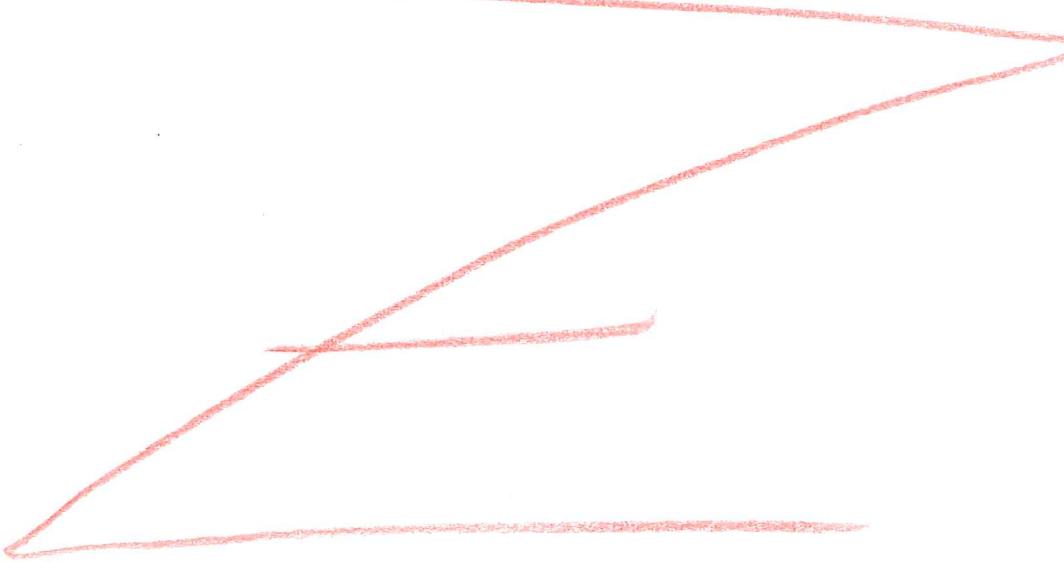
Пересечки со штанами



$$\text{без учета} \quad f_1 = \frac{\omega_1}{2\pi} = \frac{\omega_1}{2\pi} - 1$$

$$f_2 = \frac{\omega_2}{2\pi} = \frac{\omega_2}{2\pi} - 1$$

| -3 |

третие задание 3)