

Теоретический обзор к занятию 1. Темы: структура ЕГЭ, особенности ЕГЭ по физике в 2022 году, кинематика в заданиях ЕГЭ.

Подготовка к ЕГЭ должна начинаться с правильного понимания того, какими материалами нужно пользоваться. Начинать нужно со знакомства со структурой заданий ЕГЭ и логикой их построения.

При подготовке к ЕГЭ по физике важно знать общую структуру заданий и программу ЕГЭ (то есть список тем, по которым могут быть задания). Они описаны в двух документах: в КОДИФИКАТОРЕ ЕГЭ и в СПЕЦИФИКАЦИИ материалов ЕГЭ. С ними полезно познакомиться. В КОДИФИКАТОРЕ перечислены все темы, которые могут быть использованы в заданиях, в некоторых случаях – с указанием формул и понятий, которые могут потребоваться для выполнения заданий. В СПЕЦИФИКАЦИИ описана структура заданий, то есть указано, каким темам может быть посвящен каждый пункт задания, каков может быть уровень его сложности.

Кроме того, для эффективной подготовки необходимо познакомиться с ДЕМОНСТРАЦИОННЫМ ВАРИАНТОМ ЕГЭ этого года. На его примере можно изучить структуру задания, познакомиться с логикой его построения, разобрать для себя примеры, по стилю и уровню сложности похожие на будущие задания ЕГЭ. Важно стараться сначала выполнить каждое из заданий самостоятельно, и потом посмотреть правильные ответы и образцовые решения, приведенные в самом варианте. Полезно познакомиться и с демонстрационными **критериями проверки**. Они похожи на те, которыми будут пользоваться эксперты при проверке Вашей работы. Это позволит Вам понять, на какие темы нужно обратить особое внимание в процессе подготовки, и на что нужно обращать внимание в процессе работы на экзамене и при оформлении бланков ответов..

Основные особенности заданий ЕГЭ по физике в 2022 году состоят в следующем:

- Появление заданий, посвященных сразу нескольким разделам курса физики (задания 1 и 2). Они по сути довольно просты, но к ним нужно отнестись внимательно. Например, в задании 1 (выбор правильных утверждений) неправильное утверждение можно принять за правильное, не обратив внимание всего на одно слово. Например, утверждение «При излучении фотона атомом его электрон переходит с уровня с меньшей энергией на уровень с большей энергией» – **неправильное**, так как такой переход (с увеличением энергии) электрон совершает при поглощении фотона, а при испускании он совершает обратный переход (с уменьшением энергии).
- В задачах с выбором правильных утверждений из предложенного списка часто не указывается количество правильных утверждений (чаще всего их будет два или три). При этом баллы даются за верное указание правильного утверждения, а за ошибочное указание неправильного утверждения в качестве правильного балл **снимается**. Поэтому не следует указывать утверждения, в правильности которых Вы существенно сомневаетесь: например, если правильных утверждений два, а Вы указали только одно, в котором Вы уверены, то Вы получите один балл из двух возможных, но если Вы укажете два утверждения, и одно из них окажется неправильным, то Вы получите за задание ноль баллов!
- В задании с выбором правильного графика обращайте внимание на описание зависимости: например, если Вас просят выбрать график зависимости мощности тепловых потерь в резисторе с постоянным сопротивлением от силы протекающего через него тока, то этот график – парабола с осью, параллельной оси ординат (рис.1),

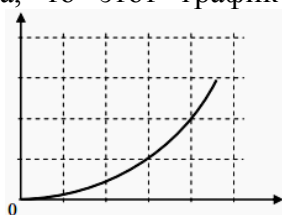


рис. 1

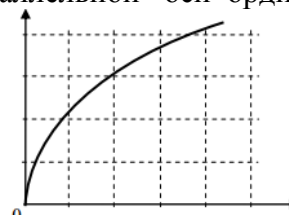


рис. 2

а если график зависимости силы тока через резистор от мощности выделяющегося в нем тепла, то – парабола с осью, параллельной оси абсцисс (рис.2).

- Увеличено количество задач с развернутым ответом: теперь это семь заданий с 24 по 30.
- Появился новый тип задачи с развернутым ответом (задание 30, наиболее «дорогое» из всех заданий по максимальному возможному количеству баллов), в которой, помимо собственно решения, необходимо дать формулировки законов, использованных в этом решении, и обосновать возможность их применения. В качестве примера приведем задачу из демонстрационного варианта ФИПИ этого года (обязательно разберите ее решение в демонстрационном варианте):

Снаряд массой 4 кг, летящий со скоростью 400 м/с, разрывается на две равные части, одна из которых летит в направлении движения снаряда, а другая – в противоположную сторону. В момент разрыва суммарная кинетическая энергия осколков увеличивается на 0,5 МДж. Найдите скорость осколка, летящего по направлению движения снаряда. Сопротивлением воздуха пренебречь.
Какие законы Вы использовали для описания разрыва снаряда? Обоснуйте их применимость к данному случаю.

Первая тема, с которой обычно начинают последовательное изучение физики – **кинематика**, то есть изучение способов ОПИСАНИЯ движения. Кинематика – одновременно одна из самых простых и одна из самых сложных тем курса физики. Простых – потому что в школьном курсе все задания этой темы строятся на нескольких простых соотношениях и на понимании закономерностей нескольких довольно простых физических процессов – «базовых» движений. Сложных – потому что эти задания требуют обычно хорошего владения математическим аппаратом, особенно сведениями из *геометрии*. Другая особенность темы «кинематика» состоит в том, что умение правильно использовать кинематические соотношения часто необходимо при решении задач из разных разделов механики (таких, как динамика, законы сохранения, описание колебаний). Наконец, эти темы присутствуют в программе ЕГЭ, и поэтому готовность к решению таких задач необходима. Иными словами, именно кинематика во многом создает базу для понимания методов решения задач механики, и поэтому нам необходимо очень тщательно разобрать основные положения теории из этого раздела.

Для начала введем основные определения:

Материальная точка – основной «идеализированный» элемент механических систем: массивное тело, размерами которого можно пренебречь при выбранном уровне точности описания («в условиях данной задачи»). В механике считается, что движение любого тела можно описать, разбив его на материальные точки.

Система отсчета – твердое тело, с которым жестко связана система координат, снабженное прибором для измерения времени.

Вектор координаты – вектор, проведенный из начала координат в заданную точку.

Перемещение – изменение вектора координаты за время Δt : $\Delta \vec{r} \equiv \vec{r}(t + \Delta t) - \vec{r}(t)$

Величина перемещения – модуль вектора перемещения.

Траектория – линия в пространстве, которую описывает при движении конец вектора координаты.

Путь – длина траектории.

Мгновенная скорость – отношение перемещения за бесконечно малый интервал времени dt к величине этого интервала: $\vec{v} \equiv \frac{d\vec{r}}{dt} \equiv \vec{r}'_t$ (ясно, что это векторная величина).

Средняя скорость на участке пути – отношение пути к величине интервала времени, за который он был пройден.

Ускорение – отношение приращения скорости за бесконечно малый интервал времени dt к величине этого интервала: $\vec{a} \equiv \frac{d\vec{v}}{dt} \equiv \vec{v}'_t$.

Угол поворота – угол, на который отклоняется вектор координаты от начального направления (обычно – от оси абсцисс системы координат). По соглашению за положительное направление поворота принимается направление против часовой стрелки.

Угловая скорость – скорость изменения угла поворота: $\omega \equiv \frac{d\varphi}{dt} \equiv \varphi'$.

Центр масс тела – точка, координата которой для тела, состоящего из N материальных точек, определяется из соотношения: $\vec{r}_{ц.м.} \equiv \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + \dots + m_N \vec{r}_N}{m_1 + m_2 + \dots + m_N}$. Для однородных

симметричных тел центр масс всегда принадлежит каждой из осей и каждой из плоскостей симметрии тела. Поэтому если у такого тела существует геометрический центр – единственная точка, через которую проходят все оси и плоскости симметрии, то он и является центром масс. Главное свойство центра масс состоит в том, что перемещение центра масс при движении тела совпадает с перемещением материальной точки с массой, равной массе тела, под действием тех же внешних сил.

В заданиях ЕГЭ могут рассматриваться только движения, являющиеся разновидностями небольшого набора «стандартных» движений, и даже в самых сложных случаях – являющиеся комбинациями таких движений. Перечислим эти стандартные движения и описывающие их формулы (законы изменения координаты, скорости и ускорения):

Равномерное прямолинейное (поступательное) движение вдоль оси x :

$$a_x = 0, \quad v_x = v_0 = \text{const}, \quad x(t) = x_0 + v_0 t$$

Равноускоренное движение по оси x :

$$a_x = a = \text{const}, \quad v_x(t) = v_0 + at, \quad x(t) = x_0 + v_0 t + \frac{at^2}{2}$$

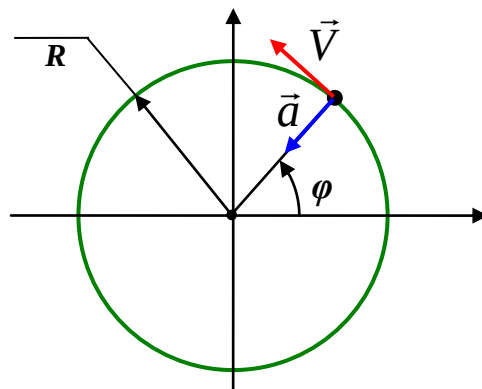
Равномерное движение по окружности радиуса R :

$$\omega = \text{const}, \quad \varphi(t) = \varphi_0 + \omega t,$$

$$x(t) = R \cdot \cos(\omega t + \varphi_0), \quad y(t) = R \cdot \sin(\omega t + \varphi_0).$$

$$|\vec{v}| = \omega R = \text{const}, \quad |\vec{a}| = \omega^2 R = \frac{v^2}{R} = \text{const}$$

(вектор скорости направлен по касательной к окружности, а вектор ускорения – к ее центру).



Гармонические колебания по оси x :

$$x(t) = x_m \cdot \cos(\omega t + \varphi_0),$$

$$v_x(t) = -\omega x_m \cdot \sin(\omega t + \varphi_0) = v_m \cdot \cos(\omega t + \varphi_0 + \frac{\pi}{2}) \quad (v_m = \omega x_m),$$

$$a_x(t) = -\omega^2 x_m \cdot \cos(\omega t + \varphi_0) = a_m \cdot \cos(\omega t + \varphi_0 + \pi) \quad (a_m = \omega^2 x_m).$$

Здесь x_m – амплитуда, ω – циклическая частота, а φ_0 – начальная фаза колебаний. Период колебаний связан с циклической частотой соотношением $T = 2\pi/\omega$. Гармоническим колебаниям будет посвящено отдельное занятие.

Следует обратить внимание, что в кодификаторе 2021 года появился раздел 1.1.9 «Твердое тело. Поступательное и вращательное движение твердого тела». Хотя в материалах ЕГЭ нет задач по этой тематике, но простые задания и качественные вопросы могут быть. Поэтому коротко обсудим этот раздел.

Наиболее простые движения тел – **поступательные** движения, при которых в каждый момент времени мгновенные скорости **всех точек тела** одинаковы. Ясно, что в этом случае траектории всех точек тела – совершенно одинаковые кривые, и любой отрезок, соединяющий две точки тела, перемещается, оставаясь параллельным своему начальному положению.

Несколько более сложный случай – произвольные **плоские** движения твердого тела. Так называют движения, при которых каждая точка тела в процессе движения не покидает одной плоскости. Ясно, что при этом несовпадающие плоскости движения разных точек должны быть параллельны друг другу (поэтому часто это движение называют более сложно – **плоскопараллельное**). Если плоское движение не является поступательным, то оно является комбинацией поступательного движения его точек в параллельных плоскостях и **вращения** вокруг оси, перпендикулярной плоскостям движения точек тела. В каждой из плоскостей можно отметить **центр вращения** – точку, в которой эту плоскость пересекает ось вращения тела. Мгновенную скорость любой точки можно представить как векторную сумму скоростей поступательного и вращательного движения. Вектор скорости вращательного движения всегда перпендикулярен прямой, соединяющей точку с центром вращения.

Тела в процессе движения могут испытывать **деформации** (изменять свою форму и размеры). Если в условиях решаемой задачи (то есть при выбранном уровне точности описания движений тела) мы можем пренебречь этими деформациями, то изучаемое тело мы будем называть **твердым телом**. Основным геометрическим свойством твердого тела является то, что расстояние между двумя любыми его точками остается неизменным. Следовательно, проекции скоростей двух точек твердого тела на соединяющую их прямую обязательно должны быть одинаковы – иначе в следующее мгновение длина отрезка между ними изменится. Также ясно, что при отсутствии деформаций за малый интервал времени все точки тела должны поворачиваться на один и тот же угол, поэтому угловую скорость твердого тела можно считать характеристикой, относящейся ко всему телу.

Произвольное движение твердого тела в окрестности заданного момента времени всегда можно представить как комбинацию поступательного и вращательного.

Существует два наиболее важных примера того, как «сложные» движения составляются из «стандартных».

Первый – это движение материальной точки по параболе, являющееся комбинацией равномерного движения по одной из двух перпендикулярных осей и равноускоренного движения по другой. Например, для тела, брошенного со скоростью v_0 под углом α к горизонту, при описании движения без учета силы сопротивления воздуха:

$$\left\{ \begin{array}{l} v_x(t) = v_0 \cos(\alpha) \\ v_y(t) = v_0 \sin(\alpha) - gt \end{array} \right\} \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} x(t) = v_0 \cos(\alpha)t \\ y(t) = v_0 \sin(\alpha)t - \frac{gt^2}{2} \end{array} \right\} \Rightarrow y = \operatorname{tg}(\alpha) \cdot x - \frac{g}{2v_0^2 \cos^2(\alpha)} x^2.$$

Из этих соотношений легко найти все характеристики такого движения: время полета

$$T = \frac{2v_0 \sin(\alpha)}{g}, \text{ дальность полета } L = v_0 \cos(\alpha)T = \frac{v_0^2 \sin(2\alpha)}{g}, \text{ максимальную высоту подъема}$$

$$H = y(T/2) = \frac{v_0^2 \sin^2(\alpha)}{2g}.$$

Второй пример (он **практически не встречается** в материалах ЕГЭ, но его полезно знать для правильного общего понимания механических явлений) – это построение описания произвольного криволинейного движения как комбинации прямолинейного равноускоренного и равномерного движения по окружности. Действительно, вектор скорости направлен по касательной к траектории и изменение величины скорости на бесконечно малом участке траектории описывается так же, как при прямолинейном движении вдоль касательной. С другой стороны, изгиб бесконечно малого участка траектории всегда можно представить как поворот вдоль дуги окружности, на которой вектор скорости поворачивается на тот же угол. Если на малом участке траектории длиной Δl вектор скорости (вместе с направлением касательной к траектории) поворачивается на угол $\Delta\varphi$, то мгновенный центр

вращения лежит на пересечении перпендикуляров к векторам скорости в начале и конце участка: В пределе $\Delta l \rightarrow 0$ расстояния $|OA| = |OA'| \equiv R$. Величину R естественно назвать **мгновенным радиусом вращения** точки. Как видно из определения, эту величину можно находить из геометрических соображений: $\Delta l = R\Delta\varphi$, или из кинематических:

$$v = R\omega \Rightarrow R = \frac{v}{\omega} \text{ (ясно, что с учетом определений линейной}$$

и угловой скоростей эти способы полностью эквивалентны).

Отметим, что связь между Δl и $\Delta\varphi$ - чисто геометрическое соотношение, поэтому R есть геометрическая характеристика данного участка траектории, и R часто называют **радиусом кривизны** траектории в данной точке. Ясно, что R не зависит от линейной и угловой скоростей: для двух тел, движущихся по одной и той же траектории с разными скоростями, радиус кривизны в любой из точек траектории одинаков.

Ускорение тела при движении по криволинейной траектории возникает из-за изменения скорости – как по величине, так и по направлению. Изменение величины скорости при неизменном направлении приводит (как в случае прямолинейного движения) к появлению

касательной компоненты ускорения $a_{кас} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \xrightarrow{\Delta t \rightarrow 0} v'_t$. Изменение направления вектора скорости без изменения величины приводит (как в случае равномерного вращения) к появлению центростремительного ускорения. Поэтому в общем случае ускорение тела есть векторная сумма двух взаимно перпендикулярных составляющих – касательного (или *тангенциального*) и центростремительного (*нормального*) ускорений:

$$\vec{a} = \vec{a}_{кас} + \vec{a}_{цс} = v'_t \cdot \vec{e}_{кас} + \frac{v^2}{R} \cdot \vec{e}_{цс}$$

(в этой формуле $\vec{e}_{кас,цс}$ - единичные по модулю векторы, направленные соответственно вдоль скорости и к мгновенному центру вращения).

Нетрудно заметить, что большинство кинематических понятий имеют геометрическое происхождение, да и вся кинематика есть не что иное, как «геометрия в движении». Очень важно научиться искать наиболее простые пути геометрического анализа для каждого конкретного движения, то есть разумно подходить к выбору Системы Отсчета и Системы Координат. Следует отметить, что на самом деле такое умение приходит с опытом, то есть для его выработки необходимо практиковаться в решении кинематических задач. В значительной мере направляющую роль должно играть именно понимание того, как заданное движение разбивается в комбинацию «стандартных».

С учетом всего сказанного, можно предложить следующую «общую схему» решения кинематических задач:

Шаг 0: Анализ предложенного движения, то есть «узнавание» в нем одного из «стандартных» или их комбинации. Этот шаг – подготовительный, он нужен для облегчения следующего.

Шаг 1: Выбор СО и СК, обеспечивающий наиболее простое описание движения. Обычно логично выбирать их так, чтобы заданные и (или) искомые величины находились в них наиболее просто. В частности, обычно выгодно направлять координатные оси по направлениям «стандартных» прямолинейных движений, входящих в состав описываемого.

Шаг 2: Записать в выбранных координатах формулы, описывающие заданное в условии задачи движение (закон движения, закон изменения скорости или ускорения).

Шаг 3: Записать через те же величины заданную в условии дополнительно информацию (геометрические соотношения, информацию о временных промежутках и т.д.).

Шаг 4: Из записанных соотношений выразить искомую величину.

Впрочем, в большинстве задач ЕГЭ (и во всех задачах с кратким ответом) выбор СО и СК задан в условии либо очевиден, так что решение фактически начинается со второго шага.

